

# 半導体デバイスマデリング技術 前半

2021年6月29日  
群馬大学 非常勤講師  
岡部裕志郎

## ■自己紹介

\*群大OBです。

1985年：電子工学科卒

1987年：修了卒(プラズマ実験)

1991年：名古屋大学大学院博士後期課程修了

- ・1991～2012年：三洋電機(株)で半導体デバイスモデリングを担当。
- ・2016年～2019年：群馬大学知的財産活用センター勤務
- ・現在、ニプロ医工(株)にて英語業務に従事  
(群馬県館林市松原二丁目19番64号)

## ■概要

- ・回路設計技術向上のため、SPICEモデルの概要に触れる。
- ・ダイオード、バイポーラトランジスタ、MOSトランジスター、抵抗、そして容量デバイスの各モデルを説明する。
- ・製造工程のバラツキを表すモデル（コーナー、統計）、そして $1/f$ ノイズモデルも扱う。

# ■ 内容

## § 1. 回路設計のために

## § 2. 概要

回路シミュレーション、SPICE、モデル、CMC

## § 3. SPICEモデルとは

物理現象の数式化

## § 4. 各素子のモデル1

4-1. ダイオード

4-2. バイポーラトランジスタ

## § 1. 回路設計のために

# ■回路設計のために

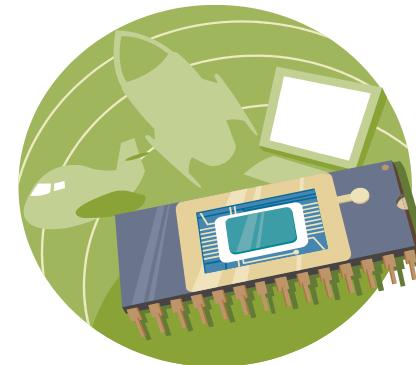
## 設計方法

デバイス特性のデータを基に  
最適な回路条件になるように  
素子を組み合わせる。

設計→試作→評価

# ■ 回路設計のために 設計環境

回路設計用ソフトウェア、ハードウェアー式のこと



实物を手作業で試作



## § 2. 概要

- ・回路シミュレーション
- ・SPICE
- ・モデル
- ・CMC(Compact Model Coalition)

## ■ シミュレーション

实物の動作を模倣

別な類似システム



例)

巨大なエネルギーによる破壊現象

× 危険、実現不可能

◎コンピュータ上で再現



## 回路シミュレーションと試作の特徴

|    | シミュレーション  | 試作      |
|----|-----------|---------|
| 時間 | 1時間       | TAT 30日 |
| 変更 | 簡単        | 無理      |
| 費用 | 数十万円      | 1千万円/回  |
| 教育 | 高い(よく考える) | 低い      |
| 条件 | 無限        | 限定      |
| 領域 | 限定        | 無限      |
| 誤差 | やや大きい     | なし      |
| 準備 | 1ヶ月       | 即実行     |

注)数字は目安

## ■ 回路シミュレーションの利点

### 1) 短時間

- ・ 実物作製(TAT)： 目安として30～60日
- ・ シミュレーション： 数時間

### 2) 変更が容易

### 3) 安価

- ・ 試作： 1回で数千万円
- ・ シミュレーション： ライセンス料 + 電気代程度

### 4) 考えること

- ・ シミュレーション結果を考えることで、回路設計の技術が向上する。

### 5) 条件は無限に設定可

## ■ 回路シミュレーションの弱い点

### 1) 万全でない

モデルが用意できない場合がある。

### 2) 精度

実物に合わない場合がある。

(現状の最高技術だが、完璧ではない)

### 3) 準備期間

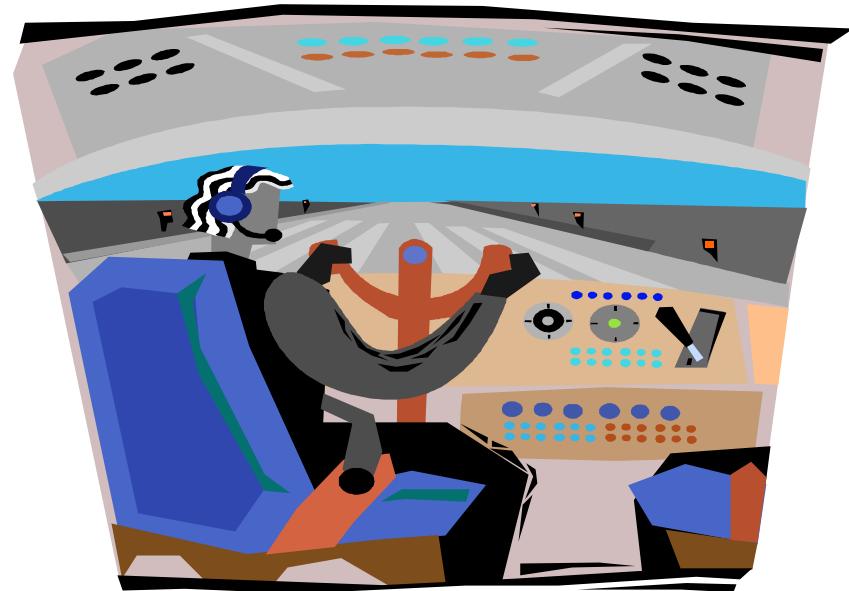
シミュレーションできる環境の準備期間が必要。

## ■ シミュレータ

結果を体感させるためのシステムのこと

例)

航空シミュレータ、音響シミュレータ



## ■ SPICE その1

### SPICE

Simulation Program with Integrated Circuit

Emphasisの略。IC用の回路シミュレータ。

- ・1975年に米UCLA大, Berkely校で開発。
- ・アナログプログラム。
- ・各回路素子の情報をもとにシミュレーションする。
- ・直流(DC)解析、交流(AC)解析、および過渡解析。

spice  
香辛料



## ■ SPICE その2

表.1 各社のSPICE

| 社名          | シミュレータ名    |
|-------------|------------|
| ケーデンス       | Spectre    |
| シノプシス       | HSPICE     |
| SimCAD      | SmartSpice |
| アジレント       | ADS        |
| メンター・グラフィック | ELDO       |
| アナログ・デバイス   | LTspice    |

全て米国製

## ■ モデル

ある現象を数式を使って表現したもの

例)  $Y = aX + b$

半導体モデル

SPICE → 回路設計用

TCAD (Technology CAD) → プロセス  
/デバイス開発用

## ■ 確認\_\_シミュレーションの特徴

### 1. 利点

短時間

Q.1

安価

教育効果(考えること)

任意の条件

### 2. 弱い点

万全でない

Q.2

準備期間

## § 3. SPICEモデルとは

物理現象の数式化

## ■ SPICEモデルとは？

トランジスタ、抵抗、コンデンサなど対象回路を構成する素子レベルの回路情報。

例)

- モデル式(固定):  $Y = aX + b$
- 係数a,bを変えることで普遍的に使える。
- 係数a,b: SPICEパラメータ

## ■ SPICEモデル

表.1 各デバイスの代表的なモデル式

| デバイス        | モデル式                              |
|-------------|-----------------------------------|
| CMOS        | BSIM3、4、EKV2<br>(最新はBSIM6、HiSIM2) |
| 高耐圧MOS、DMOS | HiSIM_HV                          |
| バイポーラ       | Spice Gummel-Poon、<br>Mextram504T |
| 抵抗          | シミュレータに依存<br>(温度、電圧特性モデル)         |
| 容量          | ↑                                 |

\* 赤字は、世界標準モデル

# ■ CMC(Compact Model Coalition)

## 概要

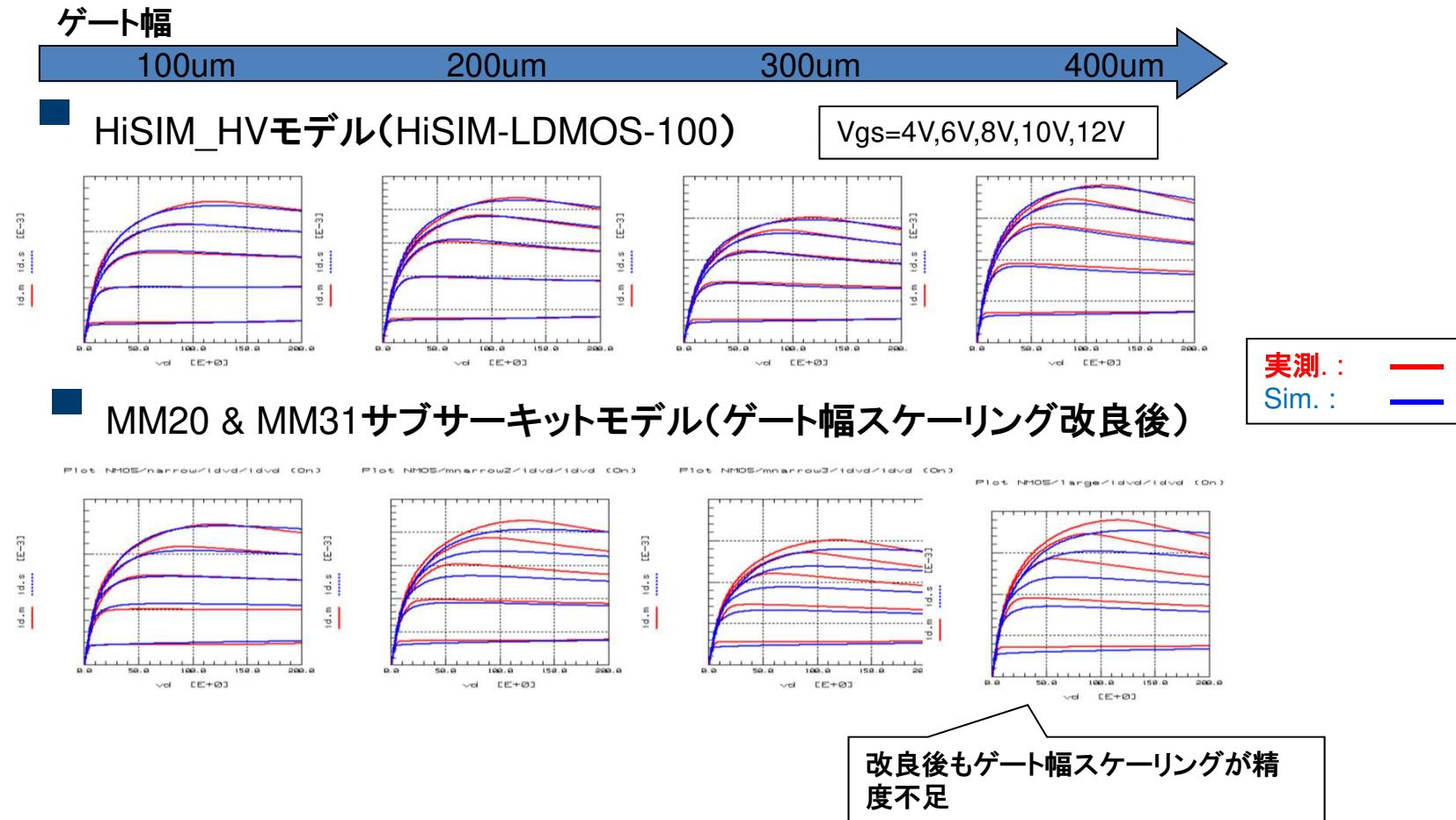
- ・モデル式の**世界標準**を決める組織
- ・1996年8月発足
- ・会議は年に4回開催  
(2021年 3/22–25、U.S.A(オンライン))
- ・発足前(標準化が無い時代)の問題点
  - ①シミュレータにより使えるモデル式が異なる
  - ②シミュレータへの導入が遅い、または導入されない
  - ③各社で個別モデルを作り、技術が限定された

## 世界標準化の利点

- ①各シミュレータで使える
- ②シミュレータ間の差が無い
- ③多種多様に使われるためモデル式の改良が容易になる
- ④更に高性能なモデルを作れる

# ■ 世界標準化の例

例) 250V Nch\_LDMOSのモデル検討



## ■講義の目的

### 1.回路シミュレーションを効果的に使うため

SPICEモデルを知らなくても回路設計はできる。

しかし、

回路設計の出来る人は、ある程度、SPICEモデルも理解している。

### 2. 開発部署全体でのSPICEモデルの認識のため

SPICEモデルは素子開発者と回路設計者の**共通項目**

\*これが無いと半導体製品は造れない

## ■ 講義の意味

### SPICEモデルの理解

\* シミュレーション結果が妥当かの判断ができる。  
モデルの理解=実デバイスの理解。

### モデルが分からず、気にしない人

異常に気付かない



試作



不良品の山



倒産！

## ■ 講義内容の概略

### \* SPICEモデルのみに限定

- ・ デバイスの物理現象の説明をする。  
デバイスの詳細は今までの講義を参照。
- ・ シミュレータ(SPICE)の使い方  
習うより慣れろ。
- ・ 回路設計の方法  
後に続く講義で理解。

## ■よくある勘違い

### ・シミュレーション

設計者の予測を確認するもの

設計者はシミュレーション結果が妥当なものか  
判断する必要がある。

### ・回路シミュレータの役割

意図した特性、性能を実現し得るかの確認、  
プロセスパラメータの変動等による特性の変動評価など。

### ・大切なこと

自分で結果の予測を行い、それとシミュレーション結果が異  
なった場合はすぐに原因を考えてみる。 →  
バイポーラ、MOS等、能動素子が主因

# ■ SPICEパラメータ の例

- MOSモデル

(BSIM3Version 3.2モデル式より)

- simulator lang=spectre
- model MN bsim3v3 ¥
- type=n ¥
- version=3.22 ¥
- mobmod=1 ¥
- tnom=27 ¥
- tox=7e-09 ¥
- xj=1e-07 ¥
- nch=1.7e17 ¥
- nsub=6.2e16 ¥
- rsh=100 ¥
- u0=500 ¥
- vth0=0.9276 ¥
- k1=0.53 ¥
- k2=-0.0186 ¥
- k3=100 ¥
- k3b=0 ¥

アルファベットと  
数字の羅列？！

各パラメータは  
物理的な意味を持つ  
(ここでは省略)。

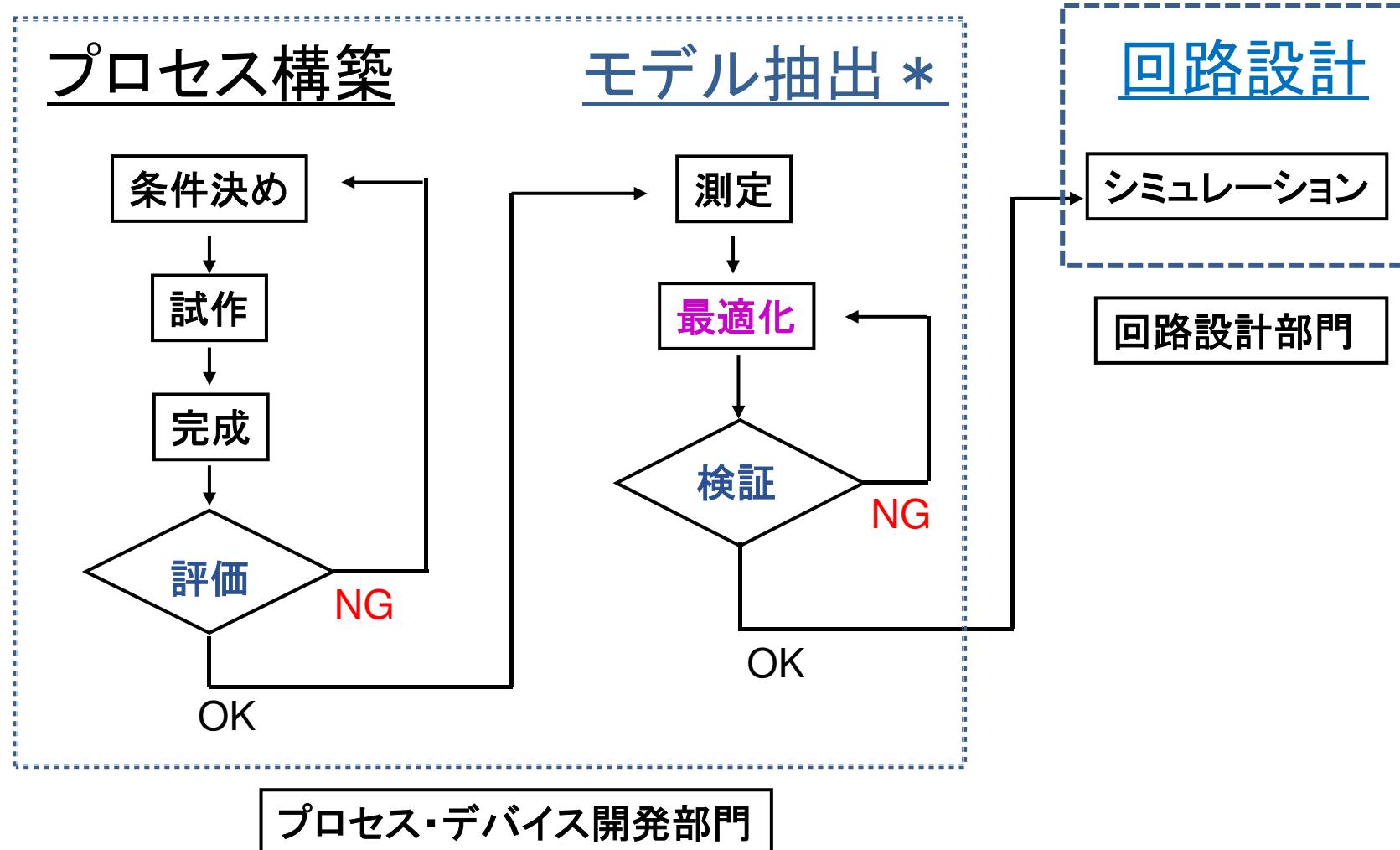
## ■ SPICEモデル式の例

\* 斜字はSPICEパラメータ

$$\begin{aligned} V_{th} = & \text{ } V_{th0} + K_1 \left[ \sqrt{\Phi_s - V_{bs}} - \sqrt{\Phi_s} \right] - K_2 V_{bs} \\ & + K_1 \left[ \sqrt{1 + \frac{NLx}{L} \sqrt{\frac{\Phi_s}{\Phi_s - V_{bs}}}} - 1 \right] \sqrt{\Phi_s} \\ & + \left( K_3 + K_{3B} V_{bs} \right) \frac{T_{ox}}{W + W_0} \Phi_s \\ & - \theta_{th}(L)(V_{bi} - \Phi_s) \end{aligned}$$

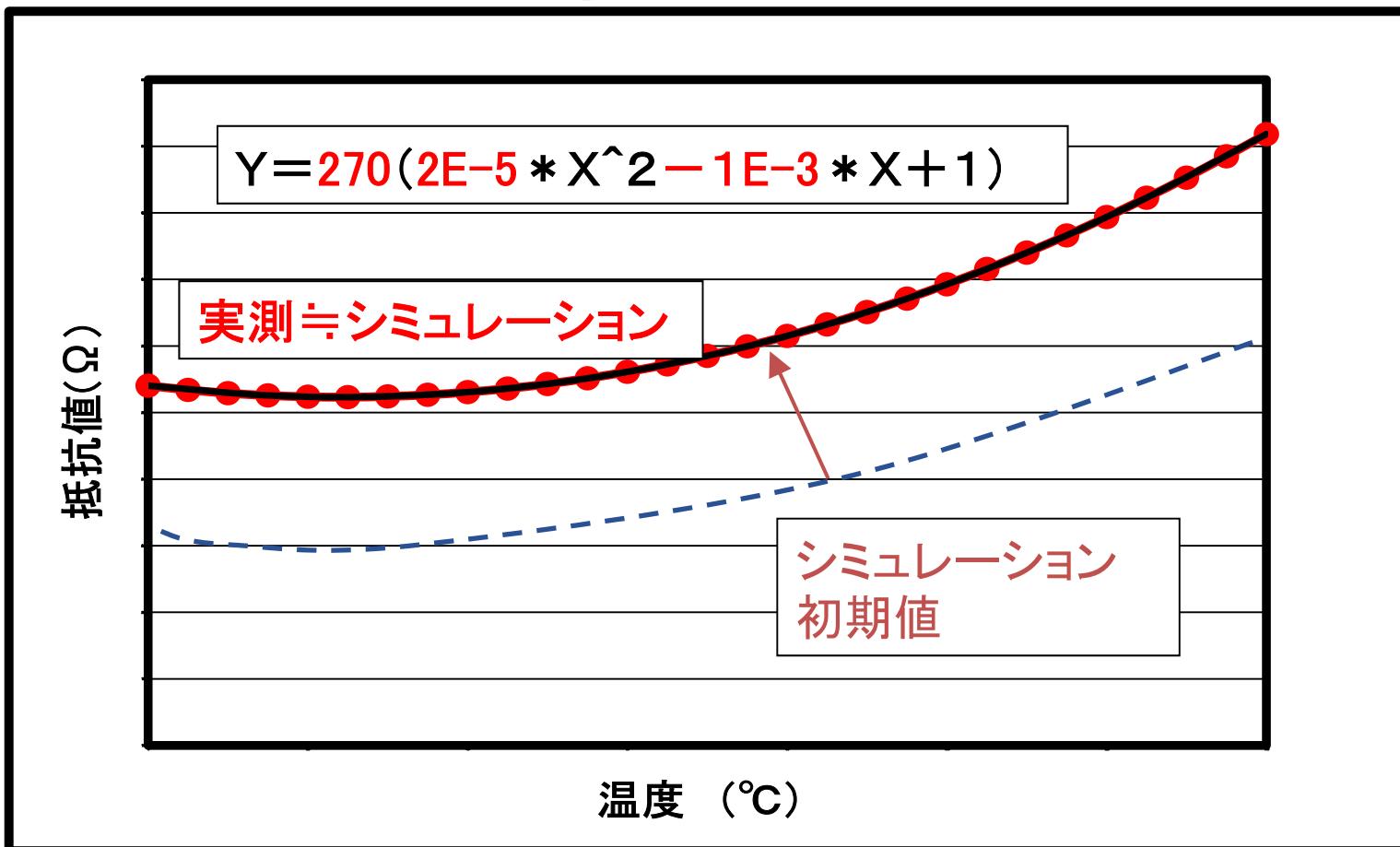
MOSトランジスタのしきい値電圧 $V_{th}$ の式  
(BSIM3 Version 3. 2モデル式)

# ■ モデル抽出



\* モデル抽出=SPICEパラメータ値を決める

## ■抽出の例

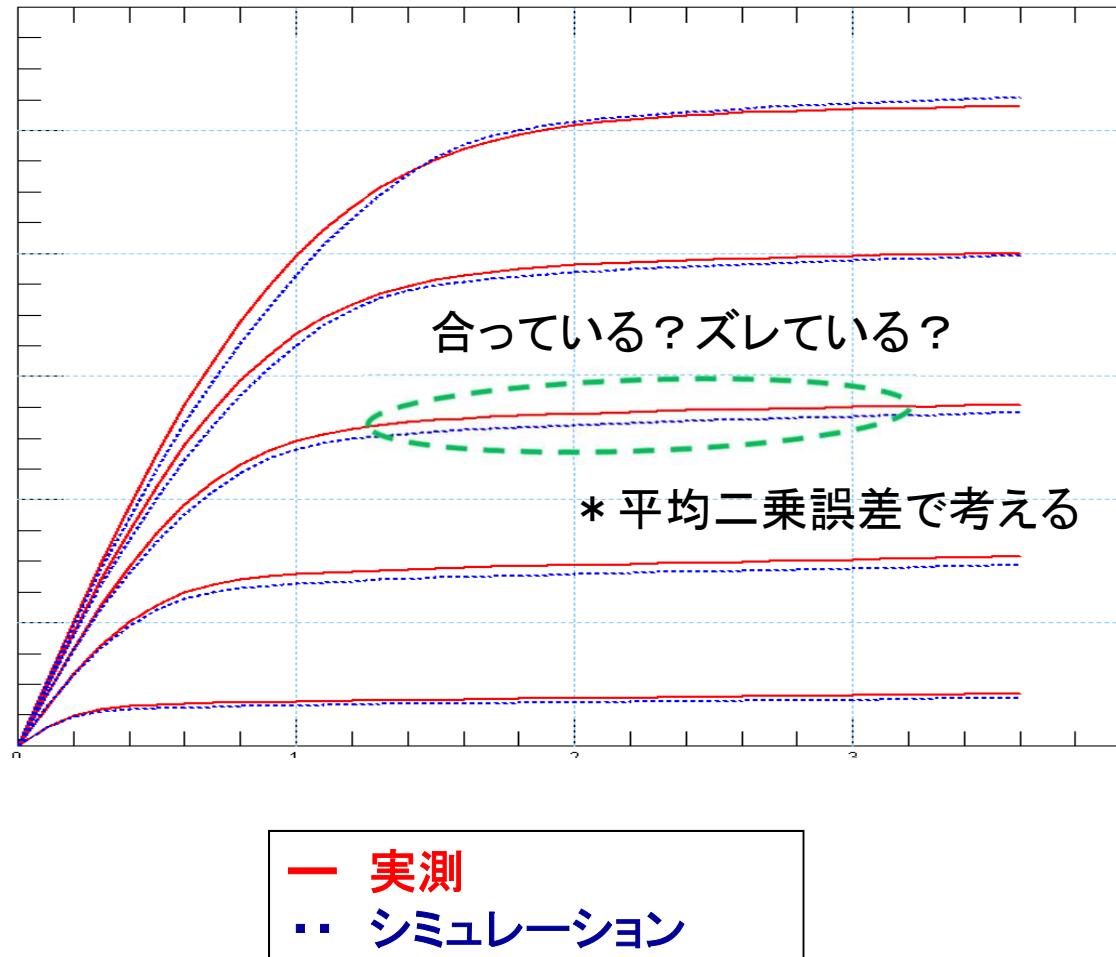


Y=R(A\*X^2+B\*X+1)の式で  
変数A, B, Rを振ることでシミュレーションを実測に合わせた。

結果: R=270, A=2E-5, B=-1E-3

## ■ フィットデータ

実測とシミュレーション結果を重ねた図のこと。  
モデルの精度が分かる。



## ■二乗平均誤差 (Root Mean Square Error)

$$S = \sqrt{1/n * \sum_{i=1}^n \xi_i^2}$$

$X_i (i=1, 2 \cdots)$  実測値

$x_i (i=1, 2 \cdots)$  シミュレーション値

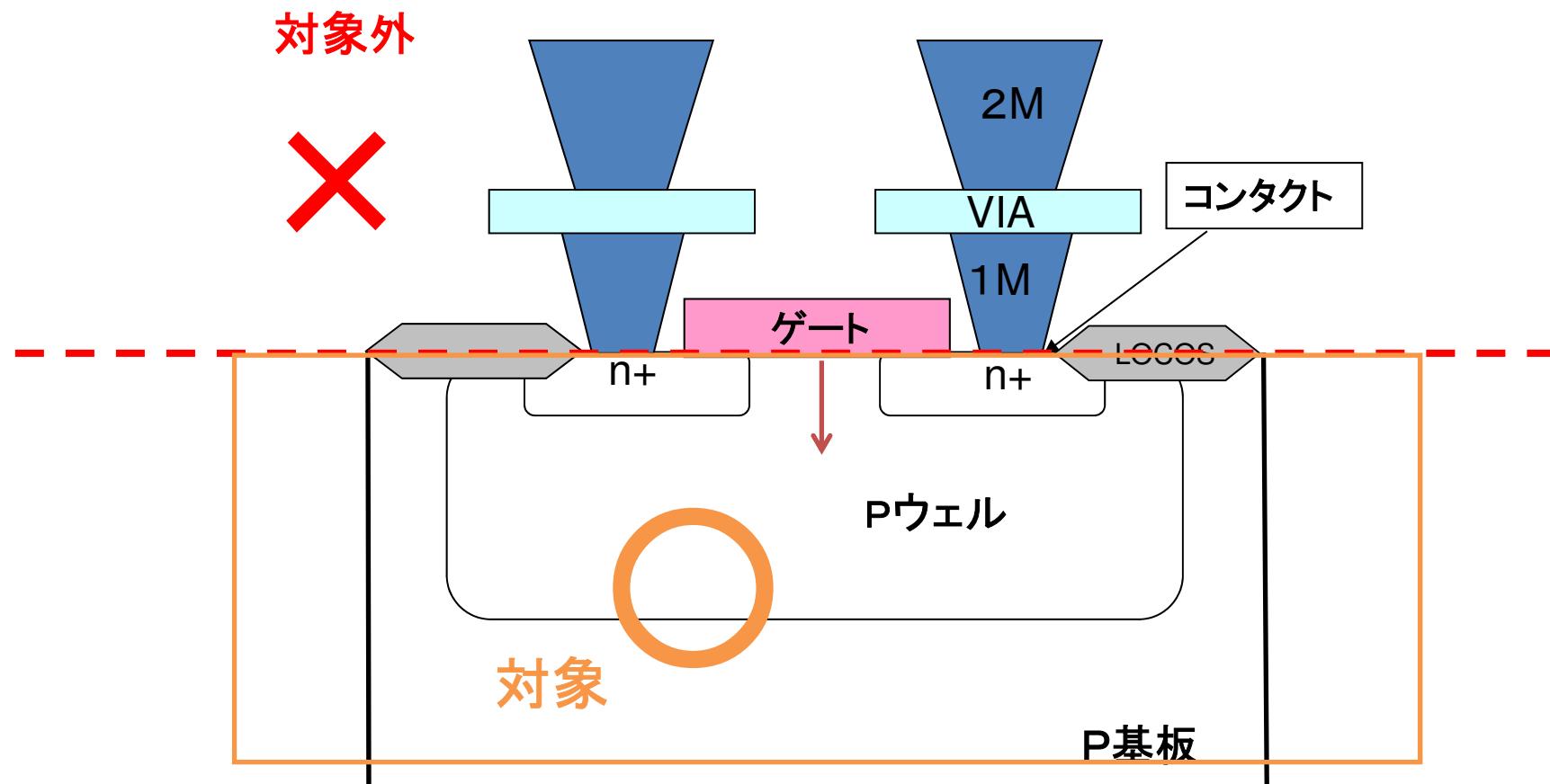
$\xi_i = X_i - x_i$  誤差

(各シミュレーション値  $x_i$  の実測値との差)

参考)

二乗平均誤差 < 5% が業界標準

## ■ SPICEモデル化の対象



基板内部の特性をモデル化

# ■ 解析手法

## 1. DC

入力は直流。各部の直流電流、電圧を調べる。

## 2. 温度

温度を変えた場合の特性を調べる。

## 3. AC

入力のAC信号の周波数を変化させた際の、  
入力信号に対する出力信号の振幅と位相変化を求める。

## 4. 過渡応答

入力波形を定義する。各端子の電圧値変化を求める。

## 5. ノイズ

素子の発生する雑音の他への影響を調べる。

## 6. ばらつき

プロセスが変動した場合の特性を調べる。

## ■ モデル確認 (シミュレーションの前に)

### 1. 必要なモデルがあるか？

実デバイスに対応したモデルが必須  
NchMOSトランジスタにはNMOS用モデル

### 2. 精度

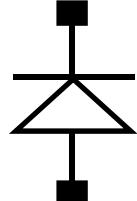
フィットデータと平均二乗誤差でチェック

質問.

モデルの二乗平均誤差は、どの程度ならば良いか？

## ■回路記号(シンボル)(Spectreの例)

カソード

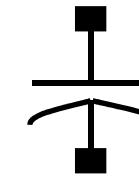


アノード

### ダイオード

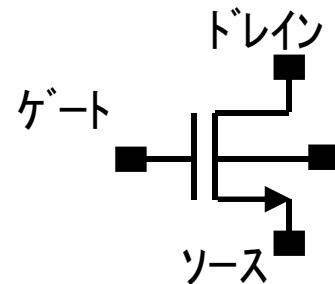


GND側



GND側

### 抵抗



ゲート

ドレイン

ソース

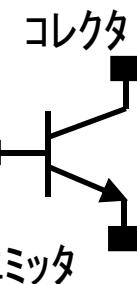
ゲート

ソース

ドレイン

Nch

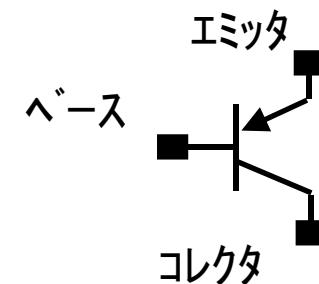
Pch



ベース

コレクタ

エミッタ



ベース

エミッタ

コレクタ

NPN

PNP

### MOSトランジスタ

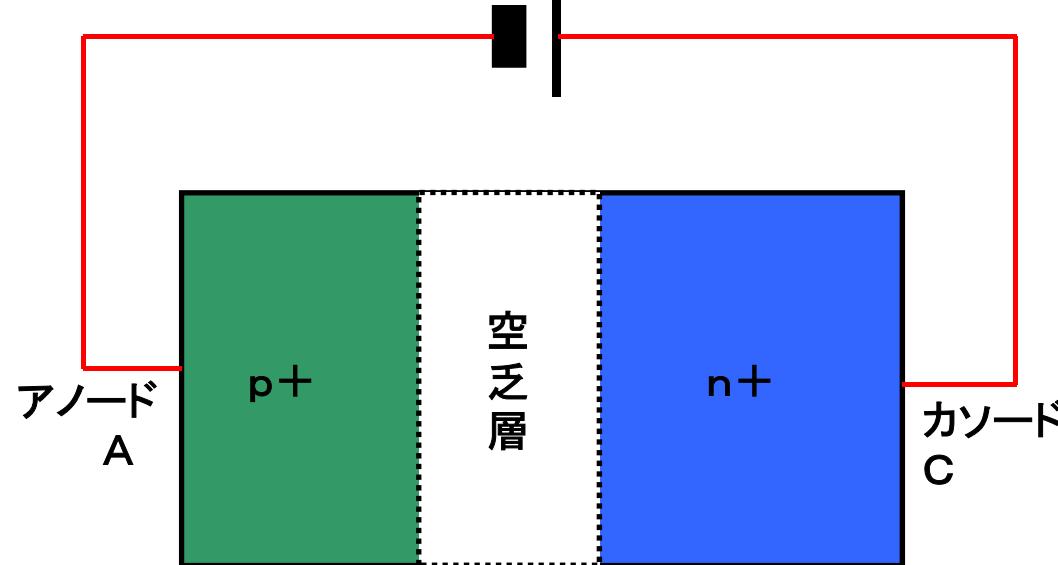
### バイポーラ

\*以後の表記は全てSpectreのシンボルを使う

## § 4. 各素子のモデル1

### 4-1. ダイオード

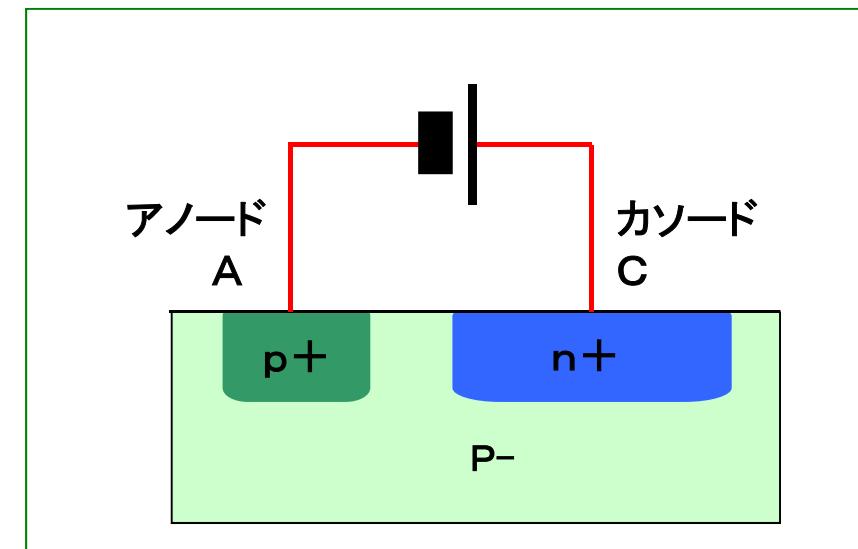
# ■ダイオード(Diode)



PN接合ダイオード(逆方向バイアス)

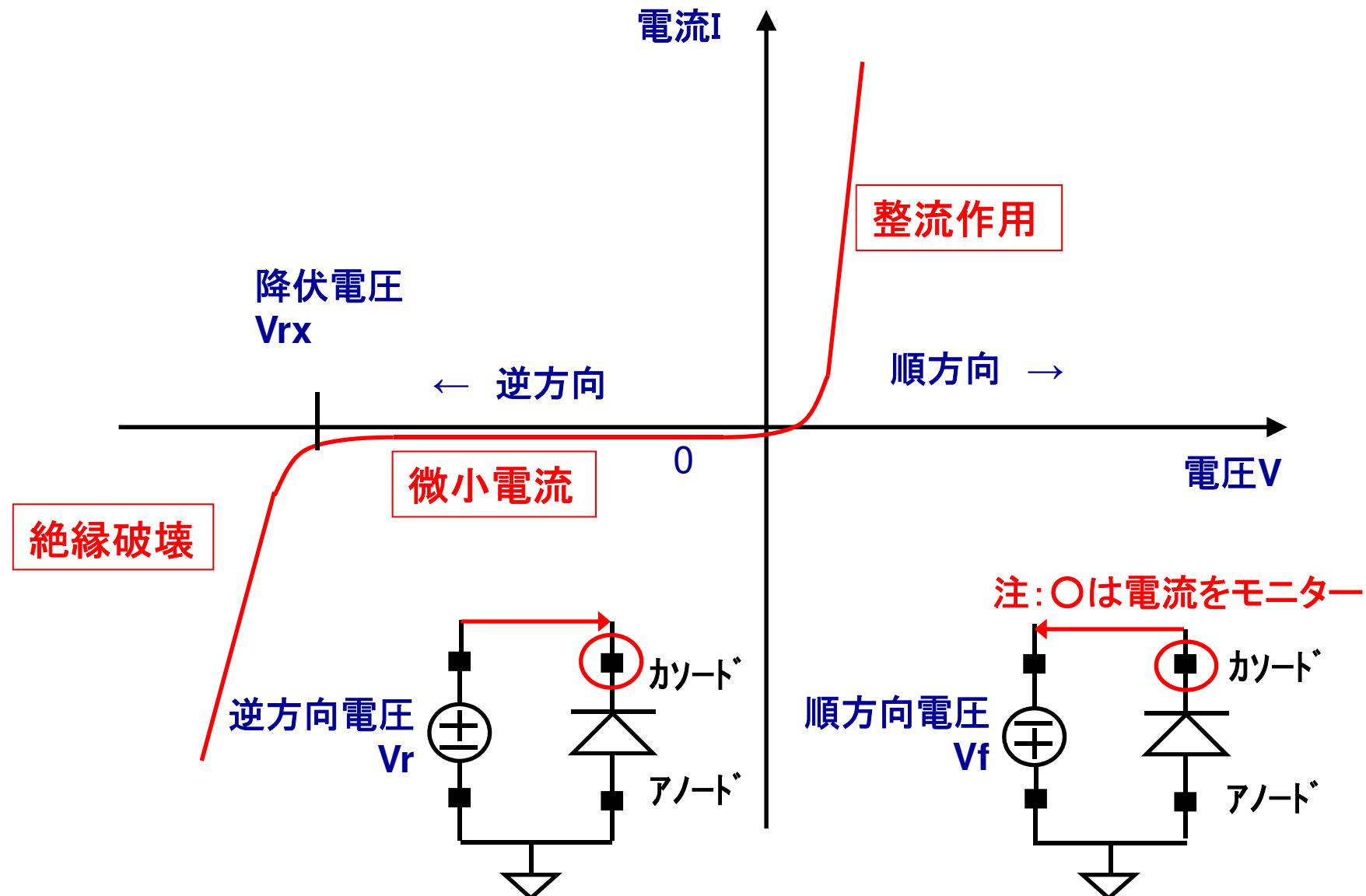
## PN接合

N型SiとP型Siを隣接して形成したもの。  
ダイオード特性を示す。



PN接合ダイオードの断面図

# ■ダイオードのDC特性



## ■ダイオードの容量特性

PN接合は容量になる  
(高周波で測定時)

$$C_j = C_{jx} / (1 - V_j/V_{jx})^M$$

$C_{jx}$ : 0Vバイアス時の容量(F)

$V_{jx}$ : 接合電位(V)

$M$ : 電圧依存係数

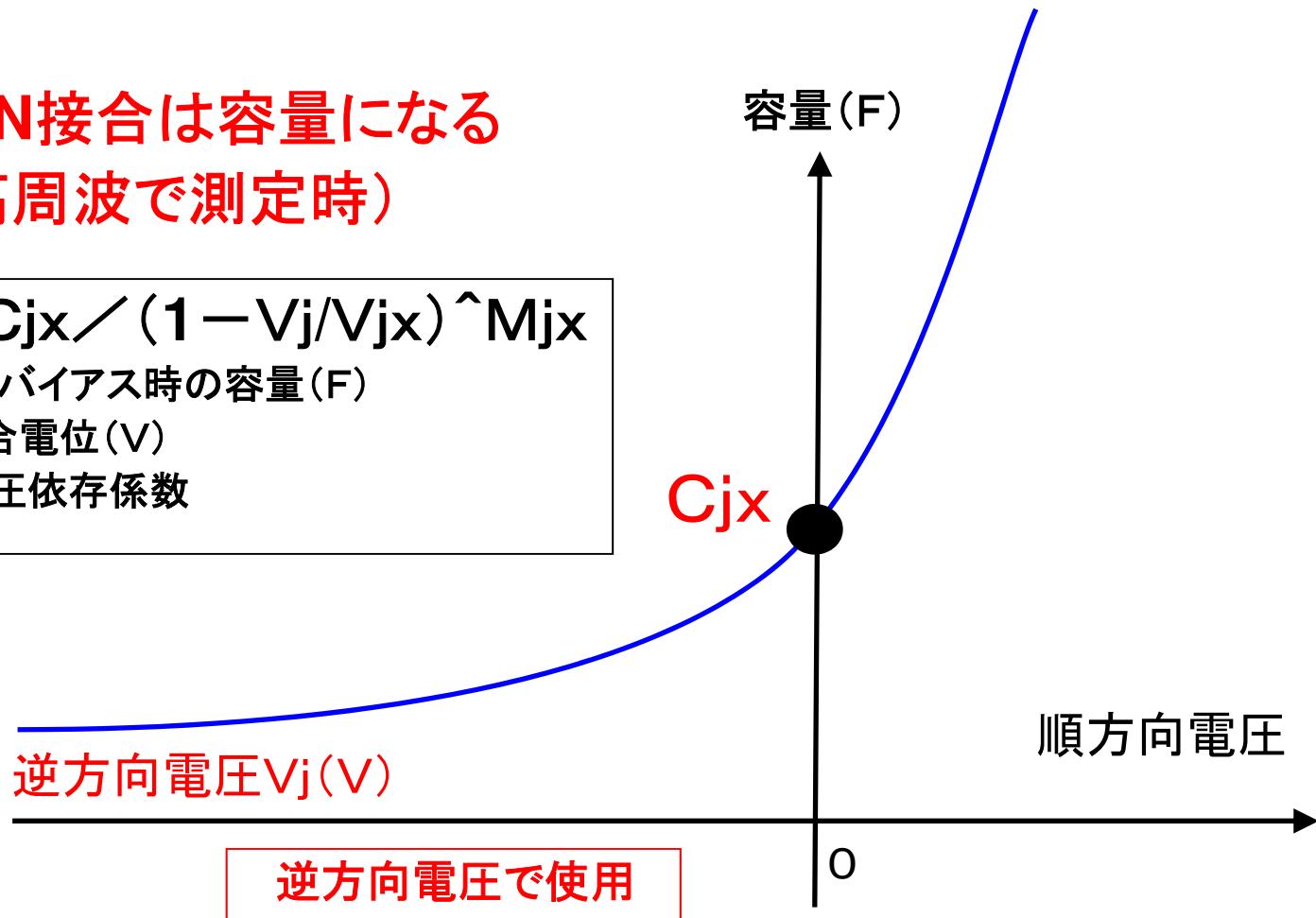
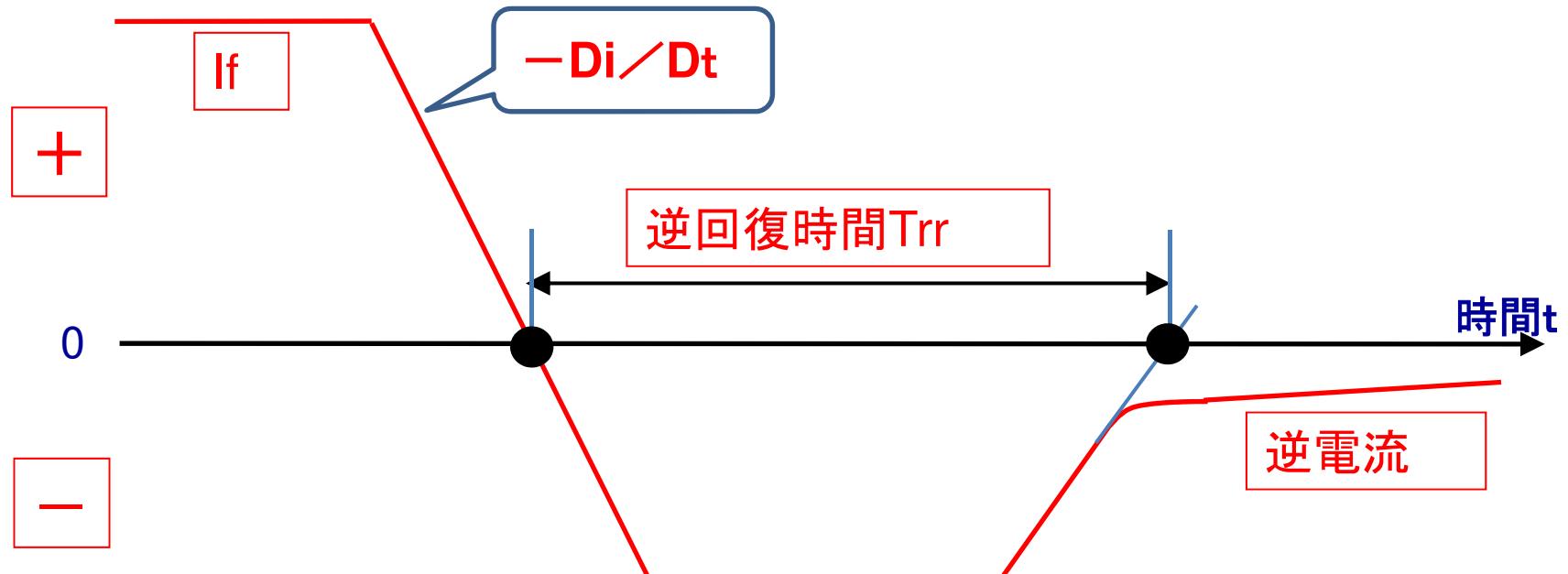


図.1 接合容量一接合電圧特性

## ■ダイオードの過渡特性

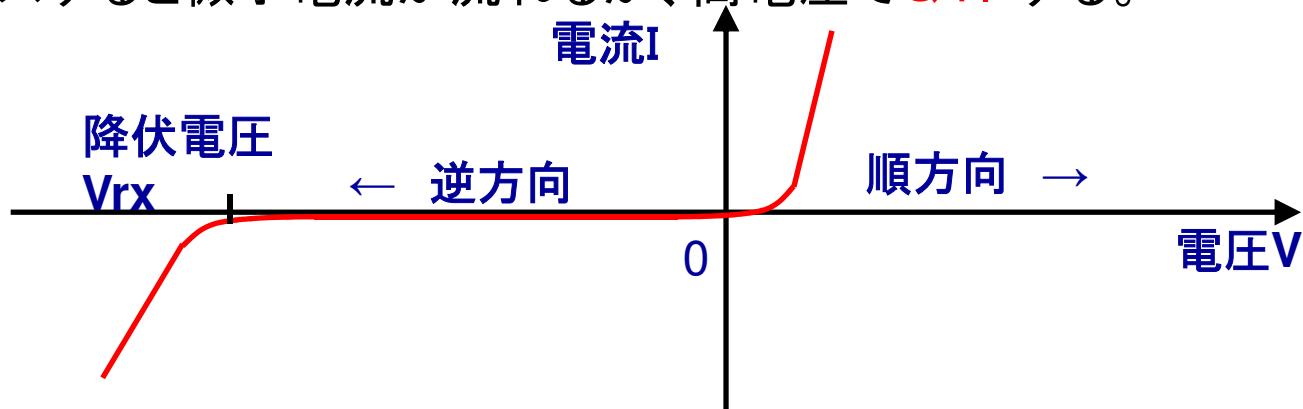


順方向電流が流れた状態で  
ステップ的に  
逆方向電圧をかけると、  
一時的に逆方向に電流が  
流れる。

# ■確認\_ダイオード特性

## 1. DC特性

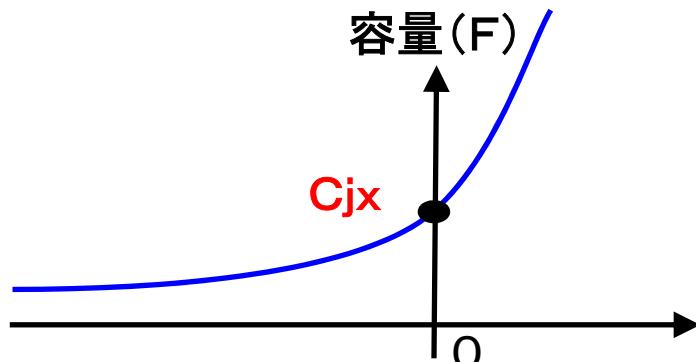
逆方向にバイアスすると微小電流が流れるが、高電圧でQ1. する。



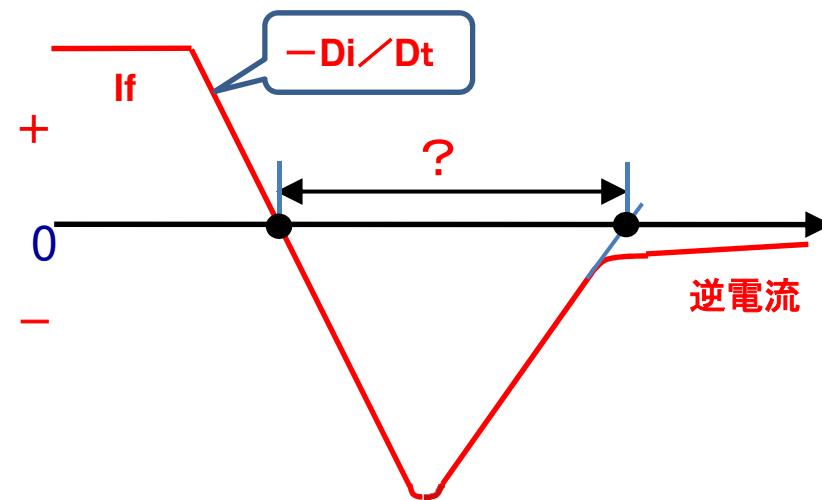
## 2. 容量特性

PN接合はQ2. となる。

PN接合にQ3. の状態で使用する。



## 3. 過渡特性



## § 4. 各素子のモデル1

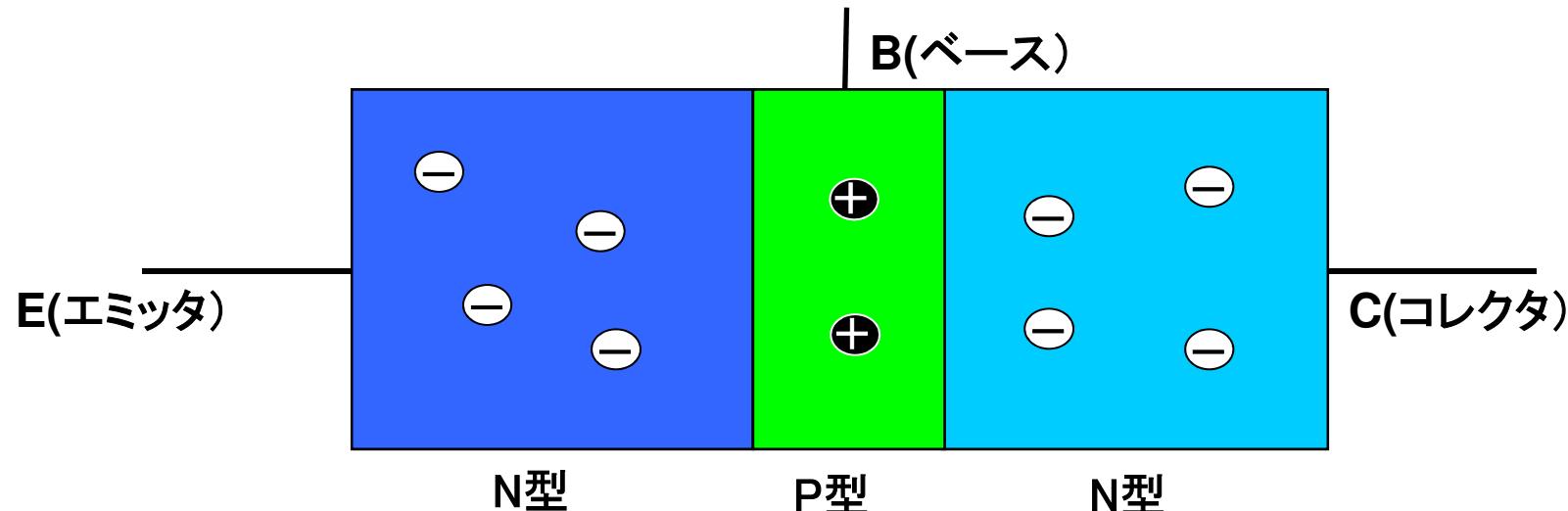
### 4-2. バイポーラトランジスタ

## ■バイポーラトランジスタの特徴

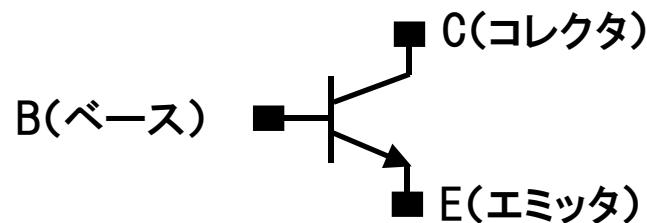
|         | バイポーラ | MOS       |
|---------|-------|-----------|
| 駆動方式    | 電流    | 電圧        |
| 用途      | アナログ  | デジタル、アナログ |
| 増幅率     | 高     | 中→高 *     |
| 完成時間TAT | 2週間   | 1~2ヶ月     |
| マスク枚数   | 10枚   | 30枚       |
| 値段      | 安価    | 高価→安価     |
| ミスマッチ   | 小     | 大         |
| 消費電力    | 多     | 少         |
| 過渡応答速度  | 低     | 高         |
| 微小信号    | 苦手    | 問題無し      |

\*微細化で高性能、安価になった

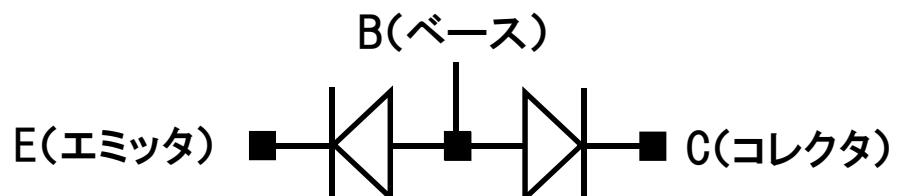
# ■バイポーラトランジスタ



バイポーラトランジスタの構造(NPN型)



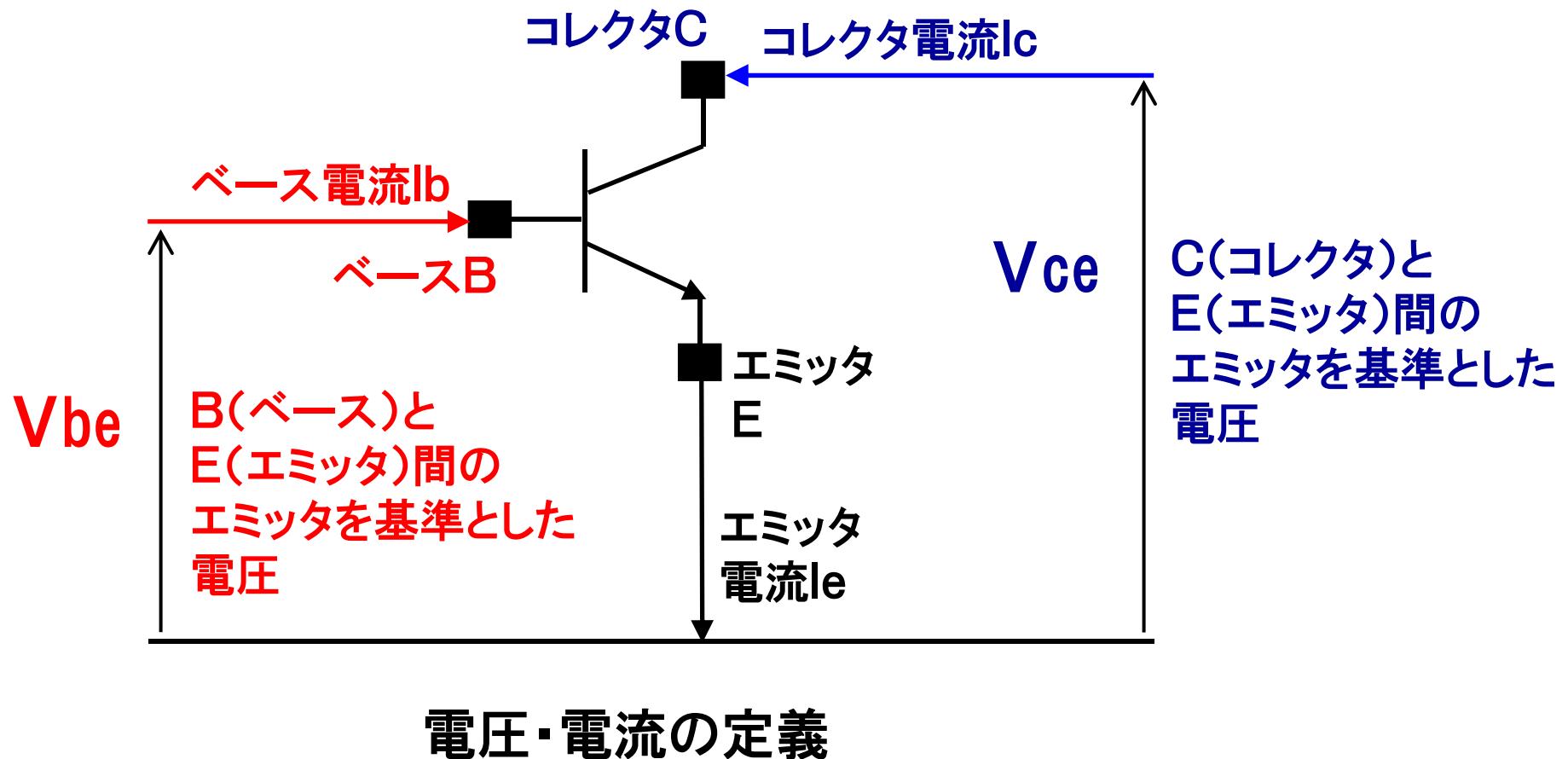
図記号



等価回路(ベース幅が狭いことが条件)

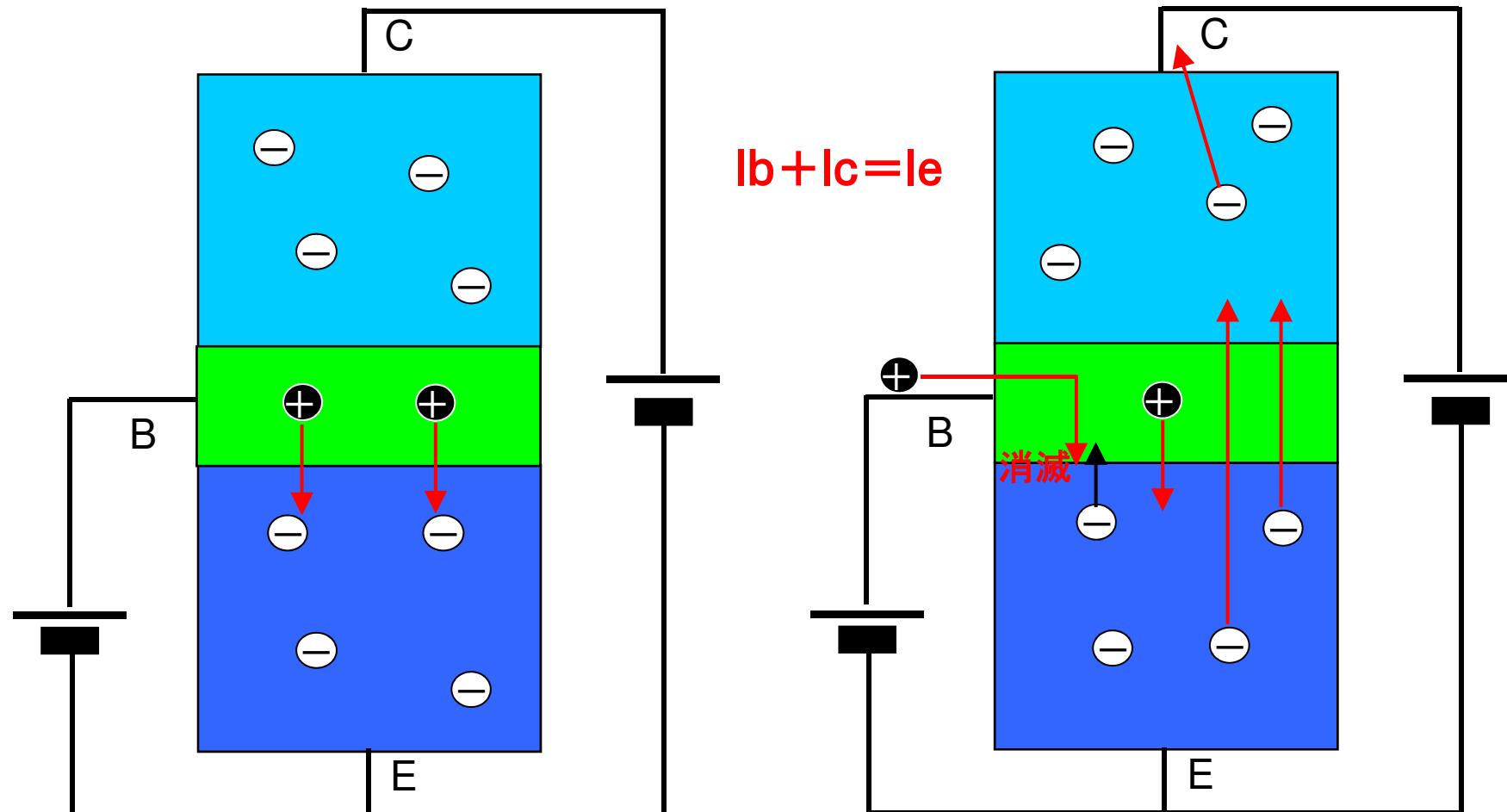
トランジスタ(transistor): trans(遠くから操作する)+resistor(抵抗器)

# ■バイポーラトランジスタを考える準備



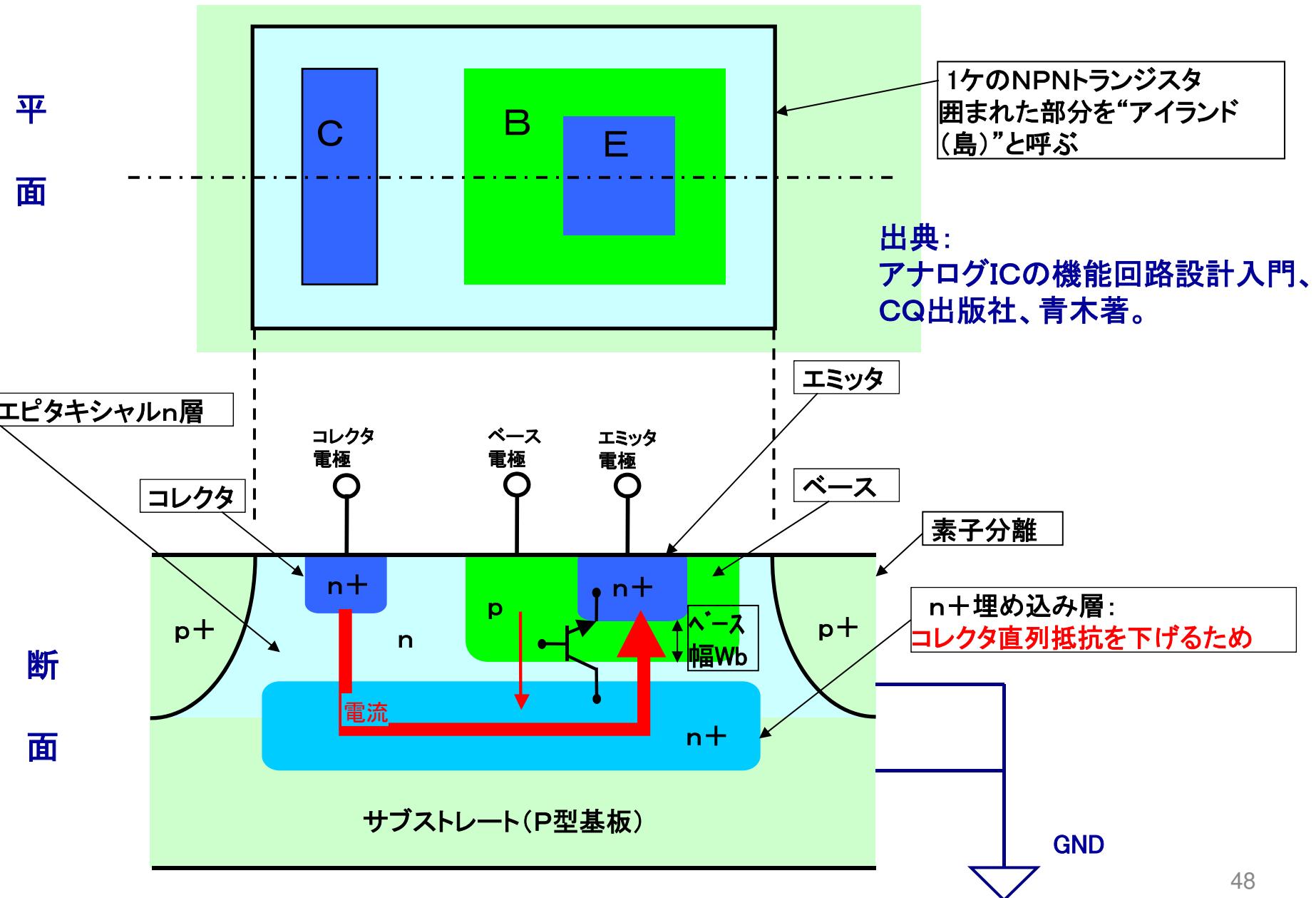
# ■バイポーラトランジスタの動作

電子と正孔の2種類の極性(Bi-Polar)のキャリアを使うトランジスタ

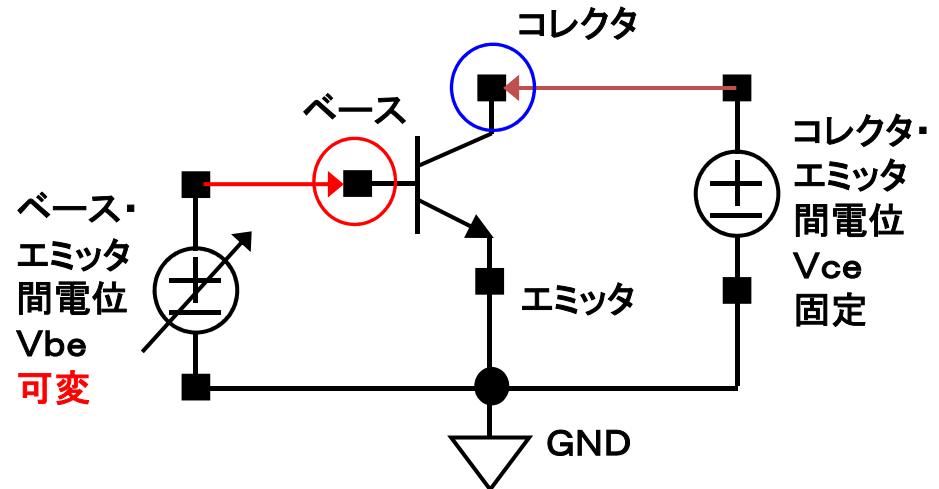
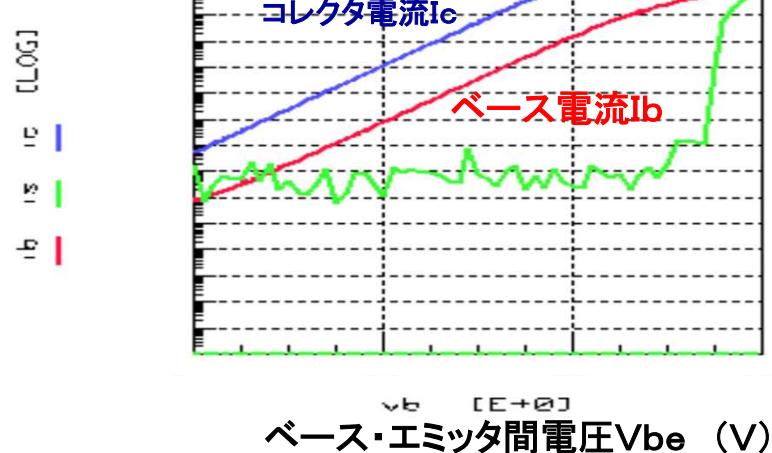


バイポーラトランジスタ中の電子と正孔の動き

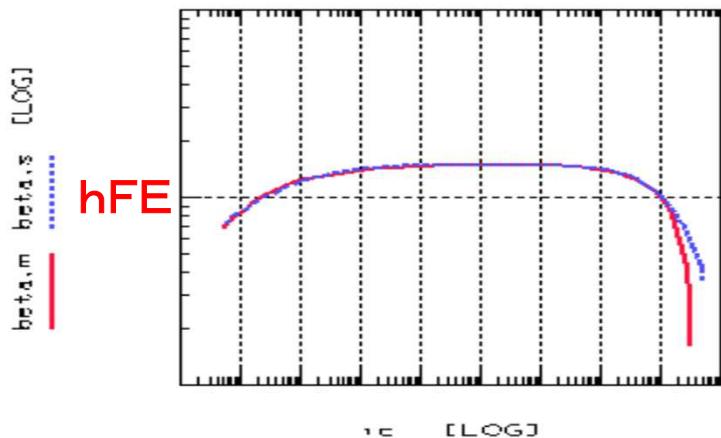
# ■バイポーラトランジスタの構造(NPN)



# ■DC特性その1；順方向低電流領域

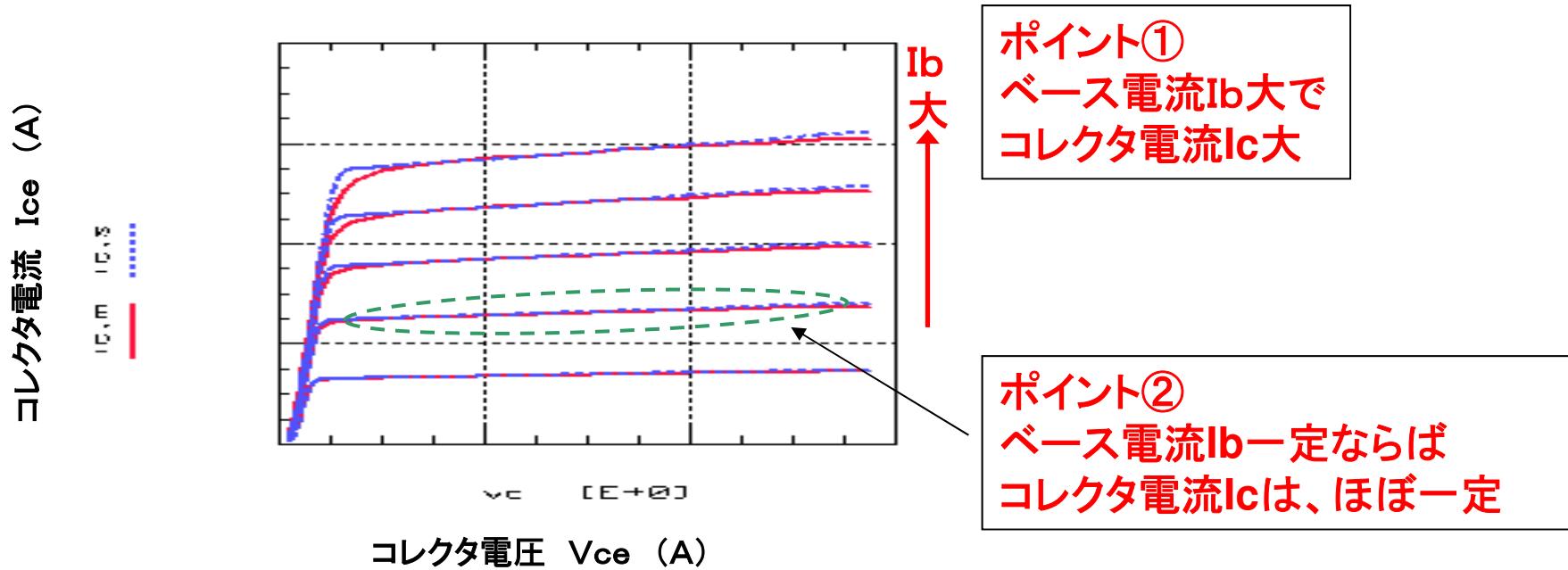


エミッタ接地の回路図

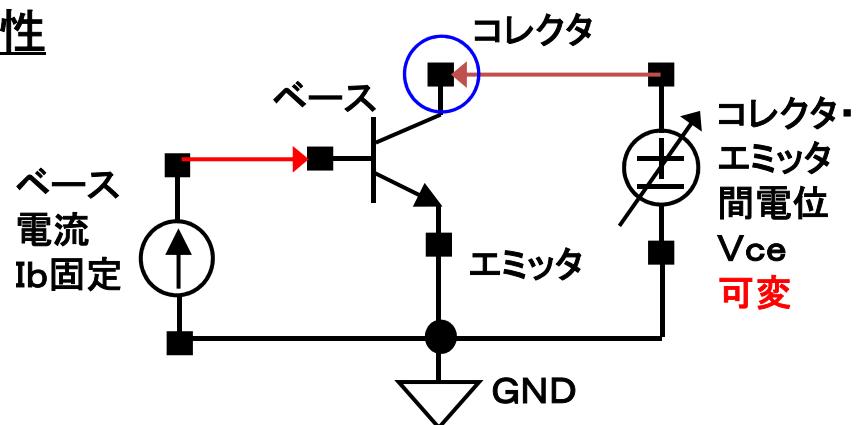


**$h_{FE}$ : 増幅率**  
コレクタ電流  $I_c$  / ベース電流  $I_b$

## ■ DC特性その2; $I_c$ — $V_c$ 特性

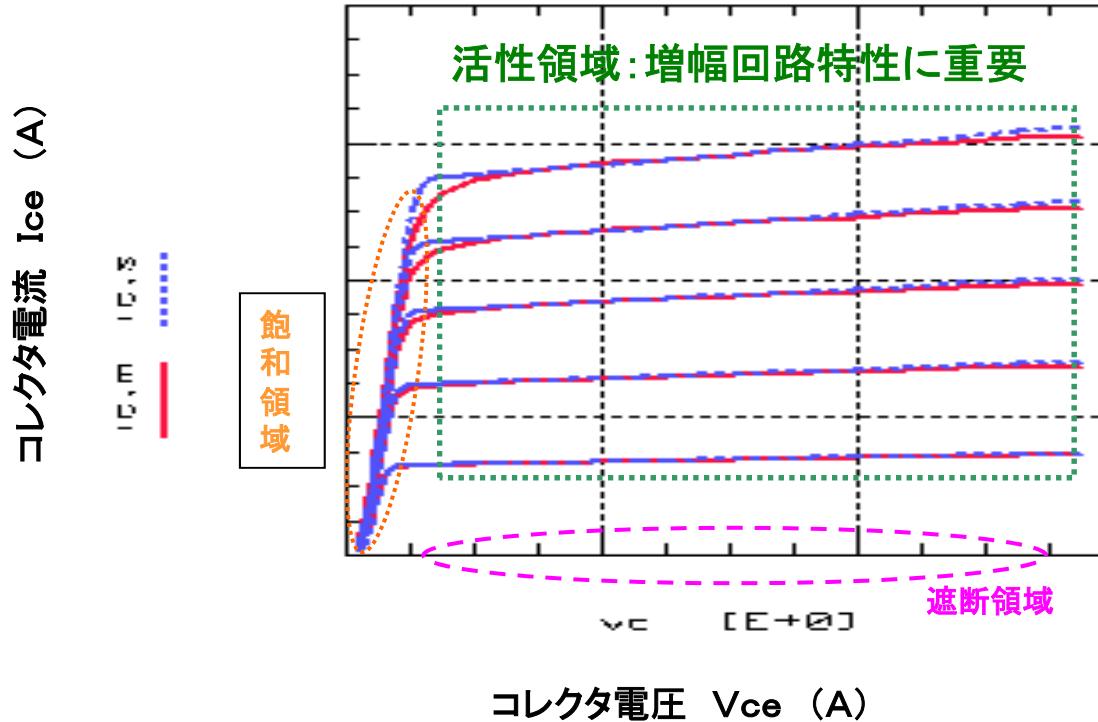


コレクタ電流  $I_c$ —コレクタ電圧  $V_c$  の特性



エミッタ接地の回路図

## ■DC特性その2; $I_C - V_{CE}$ 特性2



**遮断領域:**

$I_C = 0$  ( $V_{BE}$ が小さい)。

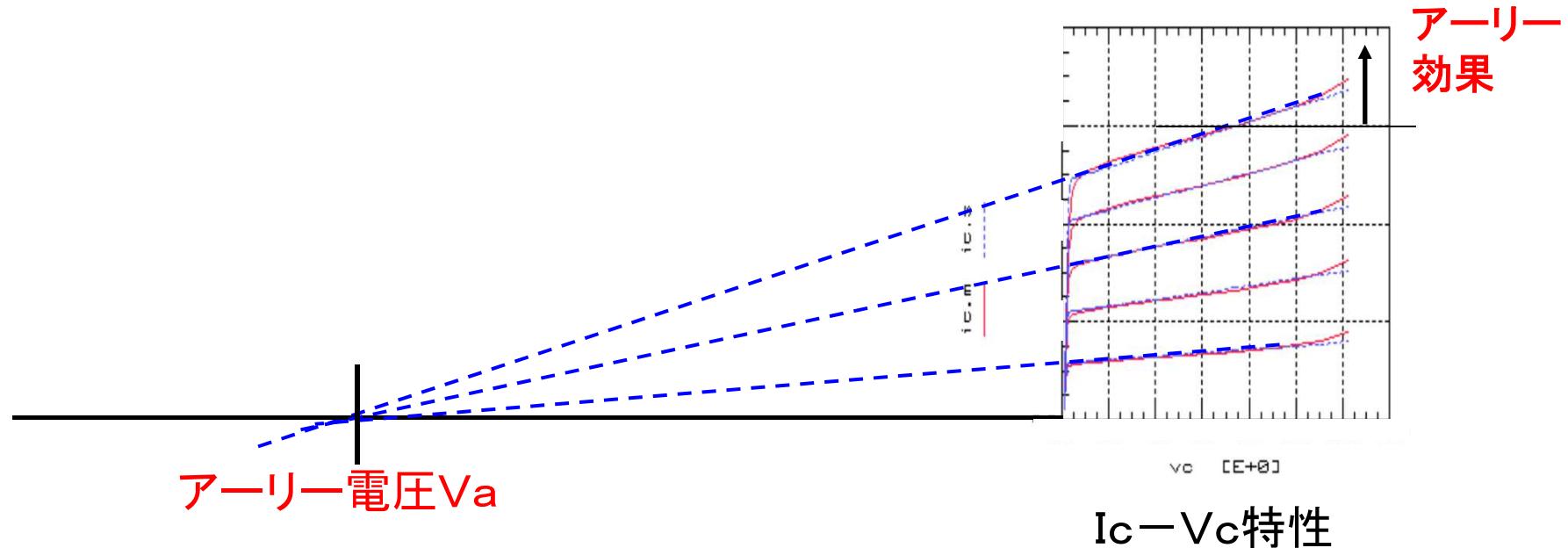
**活性領域:**

$V_{BE}$ の変化に従って  $I_C$  が変化する。

**飽和領域:**

$V_{CE} \neq 0$  となり、 $V_{BE}$ を高くしても、これ以上  $I_C$  が増えない。

## ■DC特性:アーリー効果とアーリー電圧



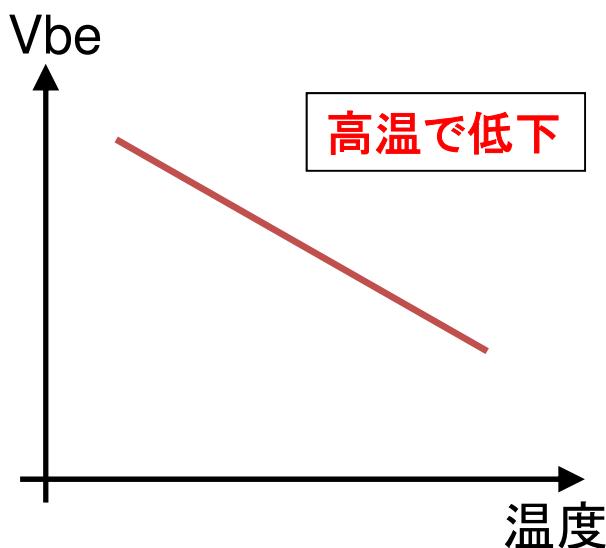
### ・アーリー効果

$V_{ce}$ が高くなると電流が増える(実効的なベース幅が狭くなるため)。

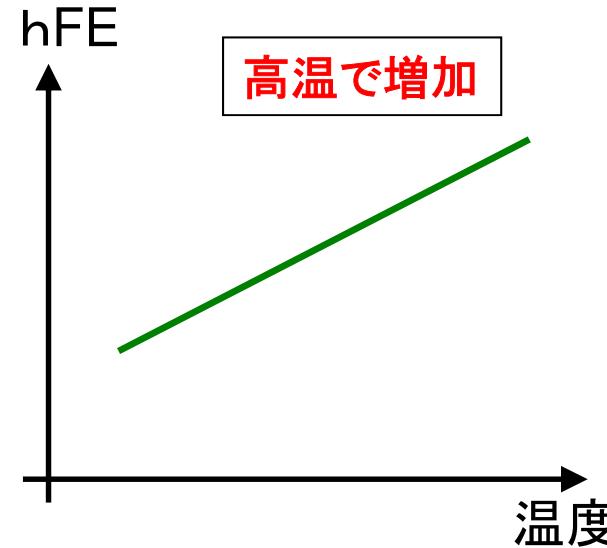
### ・アーリー電圧

線形領域の外挿線と電圧軸との交点。理想は $\infty$ =線形領域の傾きが水平

## ■ 温度特性その1



ベース・エミッタ接合電位 $V_{be}$ の温度特性



$hFE$ (コレクタ電流／ベース電流)の温度特性

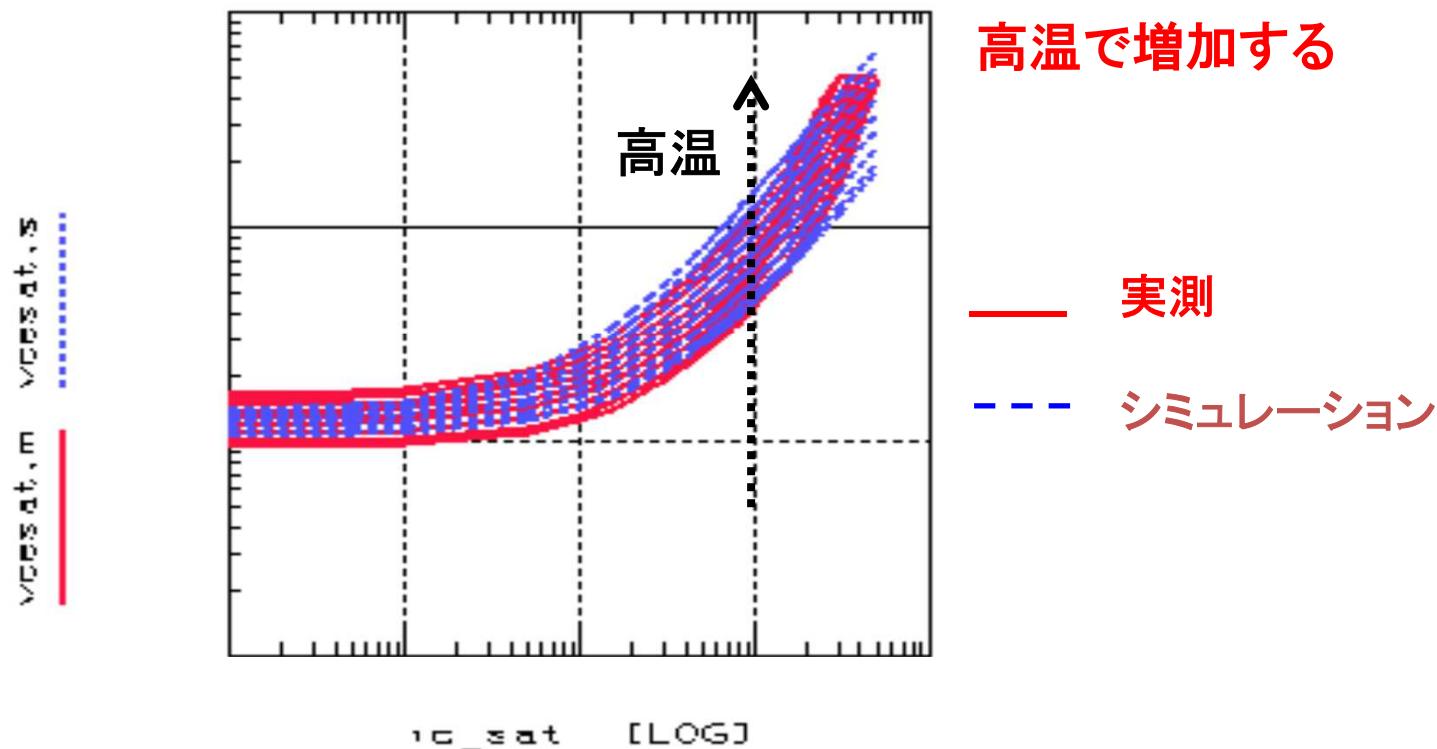
高温ほど電流が流れやすい(非線形)

$V_{be}$ は高温で低下→固定バイアスではバイアス電流が増加→発熱

\* 高温になりやすい

## ■ 温度特性その2

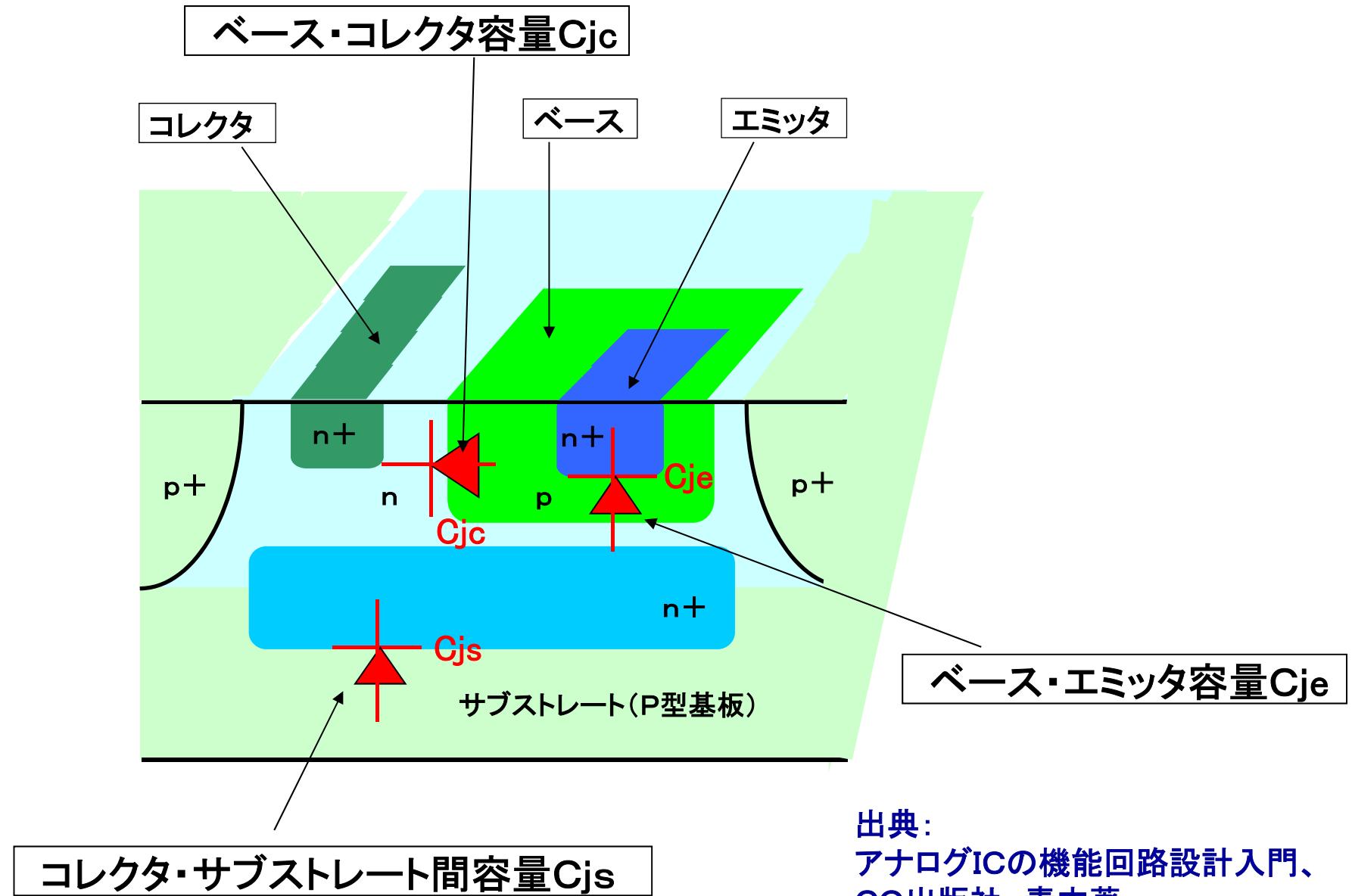
コレクタ・エミッタ間電位  $V_{cesat}$



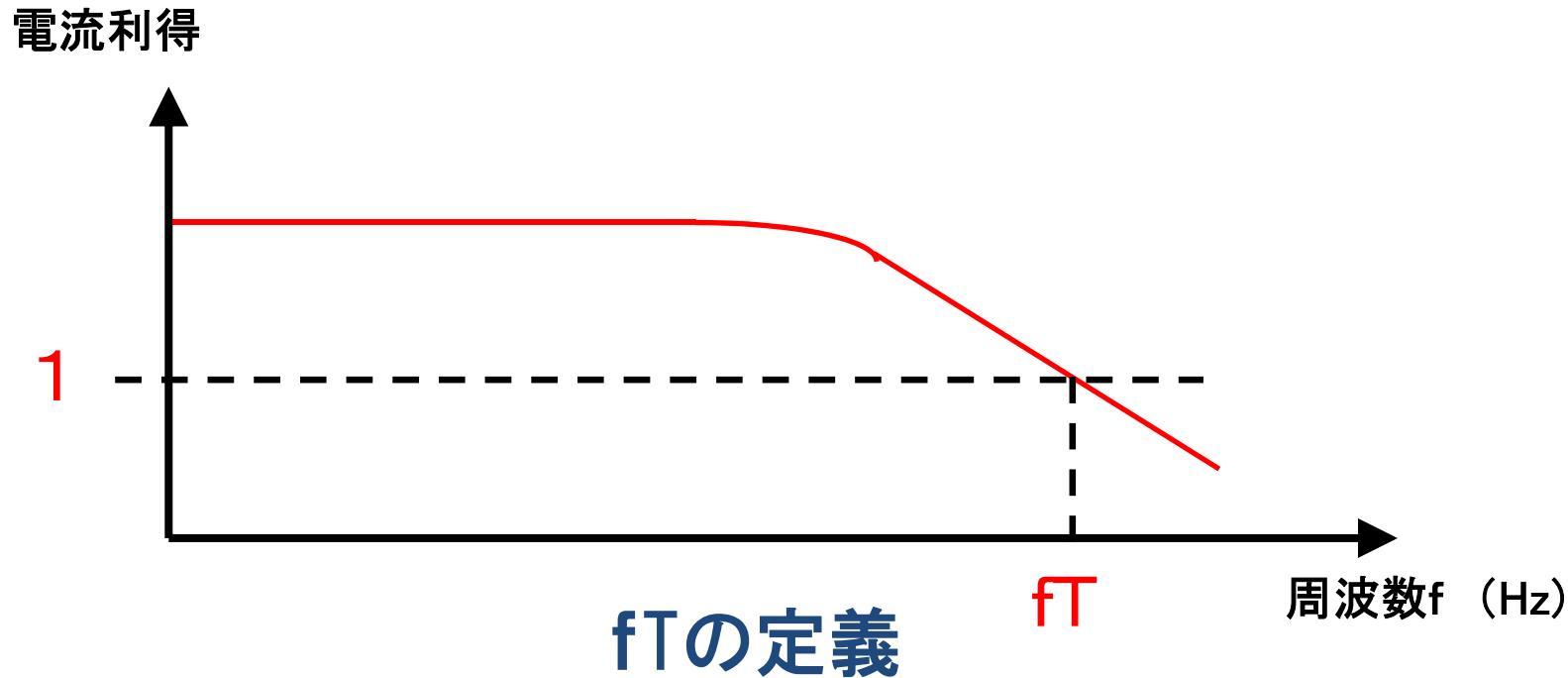
コレクタ電流  $I_c$  (A)

コレクタ抵抗  $R_c$  の温度特性

# ■容量特性



# ■周波数特性



・ $f_T$ (遮断周波数)

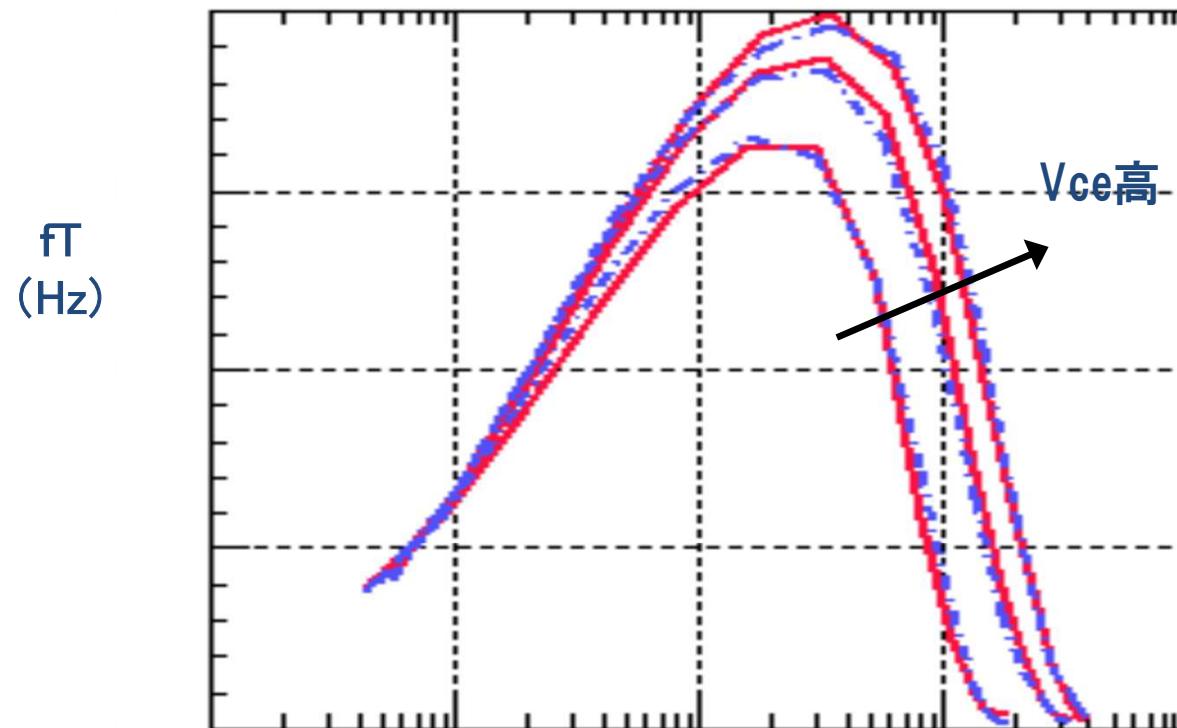
電流利得=1となる周波数

その回路またはデバイスの使用し得る限界周波数

・ $f_{max}$ (最大発振周波数)

電力利得=1となる周波数

## ■周波数特性(fT—Ic特性)の例



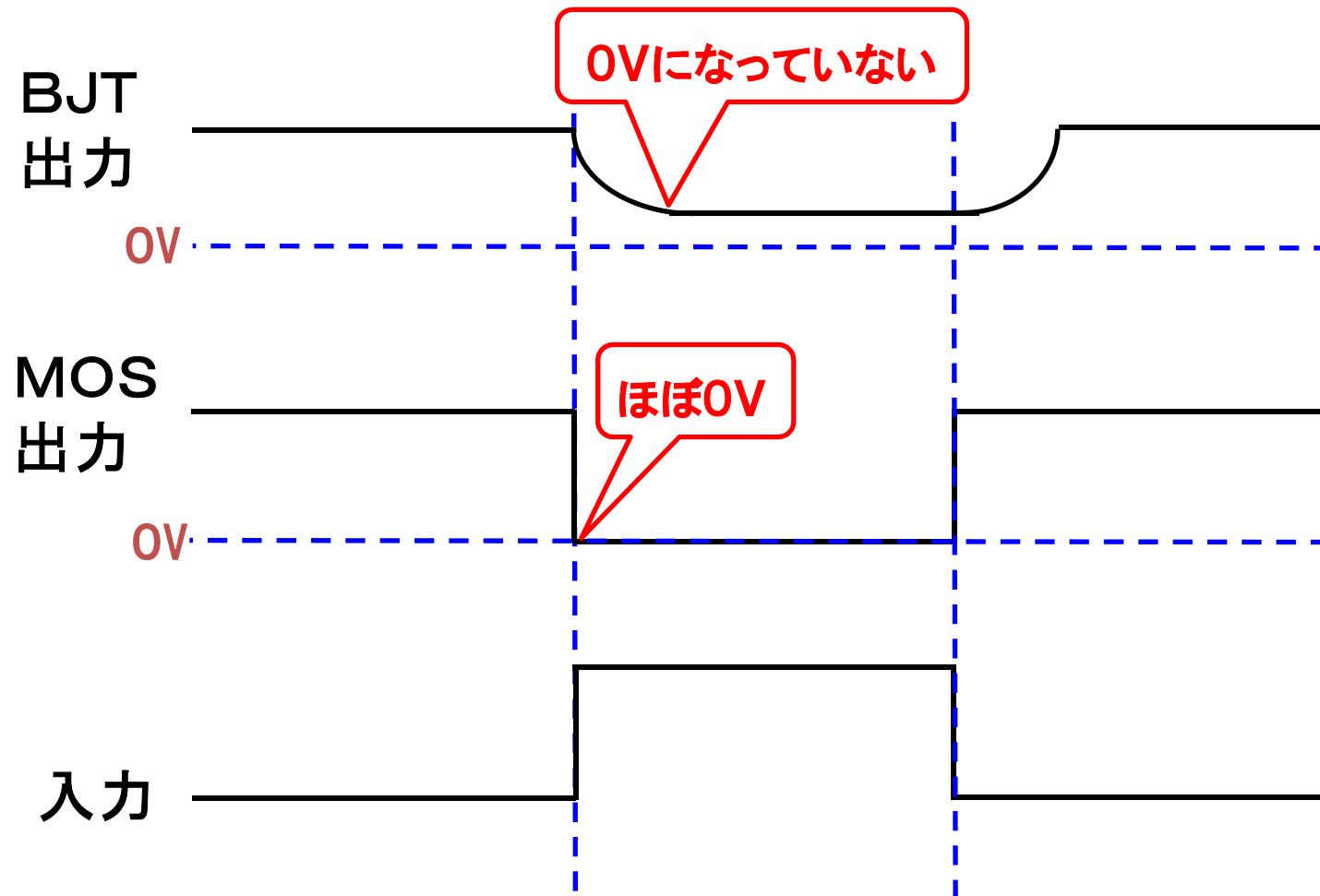
— 実測

--- シミュレーション

コレクタ電流  $I_c$  (A)

## ■過渡応答特性の例

\* BJTはMOSに比べて遅い



## ■バイポーラモデルの例

\* Mextram504Tは高精度モデル。ただしシミュレーション時間はSGP(Spice Gummel-Poon)モデルの3倍。

