電流共振形コンバータの効率における
 リーケージインダクタンスの最適値
 白石 尚也[†] 落合 政司^{††} 築地 伸和^{†*} 轟 俊一郎[†]
 小堀 康功^{†††} 小林 春夫[†] 高井 伸和[†]
 †群馬大学 大学院 理工学府 ††サンケン電気株式会社
 †††小山工業高等専門学校

E-mail: *t14808002@gunma-u.ac.jp

あらまし本論文では電流共振形コンバータの効率におけるトランスのリーケージインダクタンスの最適値について検討した。2種のトランスサンプルを用いた実験より、効率が最も良くなるリーケージインダクタンスと自己 インダクタンスの比率は12.3%であることが明らかにした。

キーワード スイッチング電源、共振形コンバータ、絶縁型コンバータ、ZVS、リーケージインダクタンス

Optimum Value of Leakage Inductance For High Efficiency of Current Resonant Converter

Naoya SHIRAISHI[†], Masashi OCHIAI^{††}, Nobukazu TSUKIJI^{†*}, Shun-ichiro TODOROKI[†]

Yasunori KOBORI^{†††}, Haruo KOBAYASHI[†], Nobukazu TAKAI[†]

† Gunma University
† † Sanken Electric Co., Ltd.
† † National Institute of Technology, Oyama College

E-mail: *t14808002@gunma-u.ac.jp

Abstract This paper describes a design issue of the ratio between the leakage inductance and the self-inductance to achieve the high efficiency of the current resonant converter. We have found from experimental results using two types of the transformer samples that the optimum ratio between the leakage inductance and the self-inductance to obtain high efficiency is 12.3%.

Keywords Switching power supply, Resonant converter, Isolated converter, ZVS, Leakage inductance

1. はじめに

スイッチング電源で発生するスイッチング損失の低 減のために、ZVS 制御を用いた電源回路が考案され、 効率の向上が実現されている。本研究の対象である電 流共振形コンバータはその1つであり、LC 共振を用い て、ZVS を実現している。絶縁形コンバータである電 流共振形コンバータは、トランスのリーケージインダ クタンスの値によって効率が変化する。リーケージイ ンダクタンスが増加すると、コア損失は増加するが、 出力ダイオードの損失は減少する関係にある。文献[1] によると、リーケージインダクタンスと自己インダク タンスの比率は 0.1 程度が良いと記述されているが、 詳細な比率は検討されていない。本研究では、電流共 振形コンバータの高効率化のためのリーケージインダ クタンスの最適値を、リーケージインダクタンスと自 己インダクタンスの比率を変化させたトランスサンプ ルを用いた実験により明らかにした。

2. 電流共振コンバータ

2.1. 回路構成と特徴

図1に電流共振形コンバータの概略回路図を示す。 一次回路はハーフブリッジ構成になっており、2 つの スイッチQ1とQ2の接続点とアースの間に、トランス の一次巻線と電流共振コンデンサC_iが直列に接続さ れている。また、電圧共振コンデンサC_vが、スイッチ Q2に並列接続されている。二次回路は全波整流回路に



図1 電流共振形コンバータの回路



図2 電流共振形コンバータの動作波形

なっている。 L_{s1} が一次側リーケージインダクタ、 L_p が励磁インダクタである。

スイッチ Q1、Q2 を固定時比率 0.5 でオン・オフさ せ、二次側に電力を供給する。スイッチ Q1、Q2 がオ ンしている期間は電流共振しており、スイッチの動作 周波数を変化させ出力電圧を制御する。また、電圧共



L_p:励磁インダクタンス、*L_{s1}*:一次側リーケージインダ クタンス、*L's2*:一次側換算の二次側リーケージインダ クタンス、*C_i*:電流共振コンデンサ、*n*(=*N1/N2*):巻線比、 *C_o'*:一次側換算の出力コンデンサ、*R_o'*:一次側換算の出 力抵抗、*i_{D1}/n*:一次側換算の*D1*の電流

図3 期間 t₁の等価回路



図4 期間 t₂の等価回路

振を利用してスイッチを ZVS させている。以上のこと から、SMZ(Soft-switched Multi-resonant Zero-cross)コン バータとも呼ばれている。コストはやや高いが ZVS 制 御をしているため効率が良く、幅広い用途に使用され ている。

2.2. 動作原理

図2に電流共振形コンバータの動作波形を示す。図 1の回路図と共に基本動作を説明する。

期間 t_1 において、 v_{swQ1} が H になり、Q1 が ON する と、(1)で示す経路で励磁電流 i_e が流れる。 i_e により励 磁インダクタ L_p に電圧 v_{Lp} が発生し、D1 が ON し出力 ヘエネルギーを供給する。電流共振コンデンサ C_i は i_e によって充電されるため電流共振コンデンサの電圧 v_{Ci} は上昇していく。

期間 t_1 の等価回路を図3に示す。ここで L'_{s2} は二次 側のリーケージインダクタンスを一次側に換算したも のであり一次側リーケージインダクタンス L_{s1} にほぼ 等しくなる。期間 t_1 の共振周波数 f_0 は以下の式で表さ れる。



C_v:電圧共振コンデンサ図 5 期間 *t*₃の等価回路



$$f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{L_s C_i}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{\left(L_{s1} + \frac{L_p L'_{s2}}{L_p + L'_{s2}}\right)C_i}}$$
(1)

 v_{Ci} の上昇に伴い、 v_{Lp} が減少していき、D1が OFF する期間を t_2 とする。期間 t_2 の等価回路は図4で表さ れ、共振周波数 f_1 は以下の式で表される。

$$f_1 = \frac{1}{2\pi\sqrt{(L_p + L_{s1})C_i}}$$
(2)

次に v_{swQ1} が L になり、Q1、Q2 共に OFF の期間を t_3 とする。期間 t_3 の等価回路を図5に示す。電圧共振 コンデンサ $C_v \ge L_{s1}$ 、 L_p 、 C_i の共振により、 C_v より(2) に示す経路で C_i へ電流が流れるため、 v_{Cv} は減少し、 Q2 の v_{dsQ2} が減少していく。期間 t_3 の共振周波数 f_2 は 以下の式である。

$$f_{2} = \frac{1}{2\pi \sqrt{(L_{p} + L_{s1})\left(\frac{C_{i}C_{v}}{C_{i} + C_{v}}\right)}} \approx \frac{1}{2\pi \sqrt{(L_{p} + L_{s1})C_{v}}}$$
(3)

期間 t3の共振によってスイッチ Q2の vdsO2 が 0 にな



図7 L_{s1}/L₁が変化したときの動作周波数と昇降圧比G

ると、 v_{swQ2} が H になり Q2 が ON し、期間 t_4 に移行す る。 $C_i \ge L_p$ 、 L_{s1} の共振により(3)に示す経路で電流が 流れる。期間 t_1 と逆方向に v_{Lp} が発生し、D2 が ON し 出力へエネルギーを供給する。後の動作は期間 $t_1 \sim t_3$ と同様である。期間 t_4 の共振周波数は f_0 と等しく、期 間 t_5 の共振周波数は f_1 に、期間 t_6 の共振周波数は f_2 に等しい。以上の動作を繰り返すことで、ZVS を行い ながら出力へエネルギーを供給する。

負荷電流 *I*。を引いていない場合の励磁電流 *i*e は図 2 の点線で示される波形となる。負荷電流 *I*。を引くと、 出力ダイオードに流れる電流 *i*Dが励磁電流 *i*eに重畳さ れ、実線で示すような波形となる。

図6に電流共振形コンバータの動作周波数 f と、昇降圧比 G(=出力電圧/入力電圧)の関係を示す。電流共振形コンバータの昇降圧比 G は無負荷状態では動作周波数が f₁の時にピーク値となり、f₁より高い周波数領域では f の増加に伴い G は減少する。

3. トランスのリーケージインダクタンス と各損失の関係

3.1. トランスのコア損失(鉄損)

図7に電流共振形コンバータにおいて、 f_0 を一定に したとき、 L_{s1} と自己インダクタンス $L_1(=L_{s1}+L_p)$ の比率 L_{s1}/L_1 が変化した場合の昇降圧比 G と動作周波数 f の 関係を示す。図7から、 L_{s1}/L_1 が大きくなると G がピ ークとなる f_1 が上昇し、同じ G を保つための動作周波 数が上昇することがわかる。コア損失はヒステリシス 損失と渦電流損失で占められるが、両方とも動作周波 数の上昇に伴い増加する。このため L_{s1}/L_1 大きくなる とコア損失が増加する。

3.2. 出力ダイオードの損失

電流共振形コンバータにおいて、出力ダイオードが ON している期間 t_1 、 t_4 の回路のインピーダンス Z_0 は

表1 サンプル(i)のトランス静特性と回路定数

サンプル	1	2	3	4	
$L_{sl}[uH]$	11.2	16	16.9	22.2	
$L_p[uH]$	98.9	114	92.1	93.8	
L_{sl}/L_{l} [%]	10.15	12.3	15.5	19.1	
$C_v[pF]$	600	470	610	560	
$C_i[uF]$	0.12	0.1	0.082	0.062	
Gap[mm]	0.225*2	0.20*2	0.25*2	0.25*2	
 一次側巻線抵抗 <i>R_m</i>[mΩ] 	228.7	225.4	212	212	
S1 巻線抵抗 R _{m1} [mΩ]	66.2	66.0	66.1	66.3	
S2 巻線抵抗 R _{m2} [mΩ]	66.8	67.1	66.1	66.3	

表2 サンプル(ii)のトランス静特性と回路定数

サンプル	1	2	3	4
$L_{sl}[uH]$	11.8	16	16.9	22.8
$L_p[uH]$	111.2	114	113.5	114.1
L_{sl}/L_{l} [%]	9.6	12.3	13.0	16.7
$C_v[pF]$	500	470	470	440
$C_i[uF]$	0.11	0.1	0.082	0.062
Gap[mm]	0.2*2	0.20*2	0.188*2	0.2*2
 一次側巻線抵抗 <i>R_m</i>[mΩ] 	229.1	225.4	212.3	212.1
S1 巻線抵抗 R _{m1} [mΩ]	66.6	66.0	66.0	65.0
S2巻線抵抗 $R_{m2}[m\Omega]$	66.0	67.1	65.2	65.1

注) Gap はスペーサーギャップです。

以下の式で表される。

$$Z_{0} = \sqrt{\frac{L_{s}}{C_{i}}} = 2\pi f_{0}L_{s} = 2\pi f_{0}\left(L_{s1} + \frac{L_{p}L'_{s2}}{L_{p} + L'_{s2}}\right)$$

$$\approx 2\pi f_{0}\left(L_{s1} + \frac{L_{p}L_{s1}}{L_{p} + L_{s1}}\right)$$
(4)

上式より、 L_{s1} が増加するとほぼ L_{s1} に比例して Z_0 は増加することがわかる。したがって L_{s1} が増加するとダイオード電流のピーク値 $i_{Dp}(\boxtimes 2)$ が減少し、損失も減少する。

本研究では、リーケージインダクタンスの増加に伴 い増加するコア損失と、減少するダイオードでの損失 の和が最小となり、効率が最も良くなるリーケージイ ンダクタンスの最適値を実験により明らかにする。

4. 実験

4.1.トランスサンプルの作成

実験に用いるトランスサンプルは (i)自己インダク タンス L_1 を一定にし、 L_{sl}/L_l を変化させたもの (ii)励

表3 トフンス仕様及び動作電圧・電カ

フェライトコア	型名	EK28/34D
	有効磁路長 <i>l</i> [mm]	74.98
	有効断面積 S[mm ²]	79.21
	有効体積 V[mm ³]	5938.81
トランス	一次巻線巻数 N ₁ [回]	21
	二次巻線 SI の巻数 N _{SI} [回]	6
	二次巻線 S2 の巻数 N _{S2} [回]	6
入力電圧 E _{in} [V]		AC100
出力電圧 Eou	DC24	
負荷電流 Io[A	1,2,3	



図8 実験回路概略図

磁インダクタンス L_p を一定にし、 L_{sl}/L_l を変化させた ものの 2 種類を用意した。

4.2. 測定条件の決定

実験の測定条件を以下に説明する。電流共振形コン バータは電圧共振を用いて ZVS を行う。期間 t_3 、 t_6 の 共振周波数 f_2 は式(3)から、 $L_{s1} \ge L_p$ によって変動する ため、サンプルによって f_2 が変動する。 f_2 が変化して しまうと ZVS が正常に行えなくなるため、 f_2 が変動し ないように電圧共振コンデンサ C_v をサンプルによっ て調節し測定を行った。また、 f_0 も式(1)からわかるよ うに $L_{s1} \ge L_p$ によって変動する。 f_0 も一定となるよう に電流共振コンデンサ C_i を調節した。 f_0 は MOSFET のスイッチング速度、トランスのコア損失、ノイズの 面から今回は 100kHz とした。

表1と表2に各トランスサンプルのパラメータと実験に使用した *C_vと C_i*の値を示す。また表3にはトラ ンスサンプル(i)と(ii)で共通するパラメータを示した。 入力電圧には AC100V を用い、コンバータの出力電圧 は DC24V である。また、負荷電流は1、2、3A の場合 で測定を行った。



4.3. 効率の測定結果

なお、実験に使用した測定回路の概略図を図8に示 した。今回の実験での効率とは、以下の式に示すよう に AC-DC の効率と定義する。

(i)、(ii)のトランスサンプルを用いた効率の測定結果を それぞれ図9、図10に示す。

4.4. B_{max}を一定にした場合の効率の導出

今回作成したトランスサンプルは、各サンプルによって励磁インダクタンス *L_p* が変化している。励磁イン ダクタンス *L_p* が変化するとサンプルによって磁束密 度の最大値 *B_{max}* が異なり、各トランスで損失に差が生 じる。動作周波数の変動以外の影響を排除するため上 記の差を計算によって換算を行う。次節で損失の換算 方法について述べる。

4.5. コア損失と銅損の換算

全てのトランスサンプルにおいて磁東密度 B が一定になるような、励磁電流 i'eを以下の式に従って計算する。



図11 B_{max}を一定にした場合のサンプル(i)の効率



図12 Bmaxを一定にした場合のサンプル(ii)の効率

$$B' = \frac{ie'Lp}{N_1 S} \tag{6}$$

式(6)の L_p には、表 1 と表 2 に示す、各トランスサン プルの L_p を用い、一定にする B'は今回 120[mT]とした。 今回測定に用いたトランスサンプルの単位体積当たり のコア損失 P_{cv} と磁束密度 B 及び、動作周波数 fの相 関関係は以下の式で表される。

$$P_{cv} = 0.00091 \times f^{1.528} \times B^{2.860} \times 10^3 \left[\frac{W}{m^3}\right]$$
(7)

ただし、式(7)は 25~100kHz での平均を用いた相関関係 である。式(7)を用いて、測定した励磁電流 *i*eより求め られるコア損失 *P*cv と、磁束密度を一定にしたときの 励磁電流 *i*eより求められるコア損失 *P*cv の差分を計 算する。次にコア損失と効率の差分を求め、これを図 9、図10の実験結果に加算する。以上の方法で *B*max が異なることによるコア損失の差分を排除する。

次に銅損の換算方法について説明する。銅損 P_rはトランスを流れる電流の実効値 i_{rms}と巻線抵抗 R_mで発生 する損失であり以下の式で導出される。

$P_r = i_{rms}^2 \times R_m$

(8)

銅損は1次側、2次側について求める。まず各負荷 電流の場合での1次側と2次側に流れる電流の実効値 i_{rms1} 、 i_{rms2} を測定する。次に同一 B_{max} とした場合の励 磁電流 i'_e のときの1次側と2次側の実効値 i'_{rms1} 、 i'_{rms2} を導出する。これらから、測定値より求められる銅損 P_r と計算値より求められる P'_r の差分を計算し、実験 結果に加算する。

5. 最終結果

図 11、図 12 に、前節で述べた損失の換算を行った 最終的な効率の実験結果を示す。(i)、(ii)のサンプル共 に、*L_{s1}/L₁* が 12.3%のトランスが最も効率が高いことが わかる。

6.まとめ

本研究では、電流共振形コンバータの効率における、 リーケージインダクタンスの最適値を、リーケージイ ンダクタンスと自己インダクタンスの比率を変化させ た2種のトランスサンプルを用いた実験により明らか にした。実験の結果、現在の一般的な条件である最高 共振周波数 foを 100kHz とした場合、効率が最良とな るリーケージインダクタンスの比率は 12.3%であるこ とがわかった。

文 献

[1] 落合政司,"スイッチング電源の原理と設計," 株式会社オーム社,2015年3月.

[2] 落合政司,"群馬大学アナログ集積回路研究 会講演会テキスト,電源回路の基礎とスイッチン グコンバータの原理,"2011~2014.

[3] 落合政司,"群馬大学アナログ集積回路研究 会講演会テキスト,電流共振形コンバータの設計 法,"2011~2014.

[4] 山村英穂, "トロイダルコア活用百科," CQ 出版社, 2011年.