

### アナログ回路試験用 マルチトーン信号生成アルゴリズムの比較と クレストファクタ制御方式の研究

### 群馬大学大学院 理工学府 電子情報・数理教育プログラム 小林研究室 修士2年 柴崎有祈子

Kobayashi Lab. Gunma University

2020/2/17

## OUTLINE

- 研究背景
- マルチトーン信号について
- クレストファクタ低減アルゴリズム
- アルゴリズムの統一
- クレストファクタ制御方式
- まとめ

### 研究背景 テストコスト削減

#### シリコン製造コストの低下 & LSIの高集積化



### テストコストの占める割合: 増加



テスト時間の短縮によるテストコストの削減が重要







テスト品質の向上(高信頼性)が重要





低コスト・高信頼性を両立するLSIテスト技術 マルチトーン信号を用いたアナログ回路テスト手法



線形システムの周波数応答測定



### マルチトーン信号の利用





クレストファクタ(CF)とは?

 $Crest Factor[dB] = 20log_{10}$  [最大振幅] 実効値



峰

とさか



#### クレストファクタ(CF)低減 = 各トーン信号の振幅:大



#### マルチトーン信号のSNR改善

#### SNR 悪化の 要因

#### 相互変調歪(IMD)の発生抑制のため 固定電圧レンジ内でのマルチトーン信号生成が必要



#### クレストファクタ(CF):大



各トーン信号の振幅:小 = SNR悪化

各トーン信号の位相をずらす



### クレストファクタ(CF)低減



# 同位相のマルチトーン信号

基本式: 
$$s(t) = G \sum_{k=1}^{N} cos(\frac{2\pi f_k t}{T} + \theta_k)$$

N:トーン数  
T:1周期の分解能  
$$\theta_k$$
:すべて0  
 $G = 1/A_{max}$ :各トーン信号の振幅



ランダム位相のマルチトーン信号

基本式: 
$$s(t) = G \sum_{k=1}^{N} cos(\frac{2\pi f_k t}{T} + \theta_k)$$
  
 $B$   $N : -ン数$   
 $T : 1 周期の分解能$   
 $\theta_k : 乱数$   
 $G = 1/A_{max} : 各 - ン信号の振幅$ 



トーン数NとCFの関係 比較



トーン数N:大 → クレストファクタ:大



広帯域テストにおいてSNR悪化

クレストファクタ低減アルゴリズム

基本式: 
$$s(t) = G \sum_{k=1}^{N} cos(\frac{2\pi f_k t}{T} + \theta_k)$$
 N :トーン数  
T :1周期の分解能

Newman位相	$\theta_k = \frac{\pi}{N}(k-1)^2$
Kitayoshi位相	$\theta_k = \frac{\pi}{N}k(k+1)$
Schroeder位相	$\theta_{k} = -\frac{\pi}{N}k(k-1)$
Narahashi位相	$\theta_k = \frac{\pi}{N-1}(k-1)(k-2)$



#### Newman 位相の時間 軸波形

$$s(t) = G \sum_{k=1}^{m} cos(\frac{2\pi f_k t}{T} + \frac{\pi}{N}(k-1)^2)$$

振幅を1に正規化 $G = 1/A_{max} = 各トーン信号の振幅$ 



トーン数NとCFの関係



ゼロ位相・ランダム位相:トーン数NとともにCF増大 4つのアルゴリズム:CF低減



#### アルゴリズムによりSNR改善

4つのアルゴリズム 比較



#### CF低減効果はほぼ同等



#### 4つのアルゴリズムの類似性を分析

### Narahashi位相の導出

### PAPR(Crest Factor)の導出 $PAPR = \frac{PEP}{P_{av}} = \frac{max[EP(t)]}{NA^2} = max \left| 1 + \frac{2}{N} \sum_{k=1}^{N-1} \sum_{l=k+1}^{N} \cos(2\pi(l-k)\Delta f_0 t + \theta_l - \theta_k) \right|$ $P_0(t)$ : 平均電力からの変動分 $\Delta f_0$ : 隣接する複素トーン間の $P_0(t) = \sum_{k=1}^{N-1} \cos(2\pi \cdot 1 \cdot \Delta f_0 t + \theta_{k+1} - \theta_k)$ 周波数間隔 $\theta_k$ :各複素トーンの初期位相 $f_0$ :基本周波数 第1総和項 + $\sum_{k=1}^{N-2} \cos(2\pi \cdot 2 \cdot \Delta f_0 t + \theta_{k+2} - \theta_k) + \dots + \cos(2\pi \cdot (N-1) \cdot \Delta f_0 t + \theta_N - \theta_1)$ **第N総和項** 第2総和項

第1総和項がゼロになるような $\theta_k$ を決定

第1総和項のベクトル図







### 多相対称交流回路の特徴



### 第1総和項をゼロにする



## Narahashi位相

Narahashi位相の基本式: 
$$\theta_k = (k-1)\theta_2 - (k-2)\theta_1 + \frac{(k-1)(k-2)}{N-1}\pi$$
  
 $\theta_1 = \theta_2 = 0$   
 $\theta_k = \frac{(k-1)(k-2)}{N-1}\pi$   
 $k$  1 2 3 4 5 6  
 $\theta_k$  0 0  $\frac{\pi}{N-1} \cdot 2$   $\frac{\pi}{N-1} \cdot 6$   $\frac{\pi}{N-1} \cdot 12$   $\frac{\pi}{N-1} \cdot 20$   
 $\Psi_k$  0  $\frac{\pi}{N-1} \cdot 2$   $\frac{\pi}{N-1} \cdot 4$   $\frac{\pi}{N-1} \cdot 6$   $\frac{\pi}{N-1} \cdot 8$   
 $-$  階微分  $\frac{2\pi}{N-1}$   $\frac{2\pi}{N-1}$   $\frac{2\pi}{N-1}$   $\frac{2\pi}{N-1}$ 

### Newman位相の場合



初期位相の式の違いは何か?

### Narahashi と Newman の違い

Narahashi位相の基本式:  

$$\theta_{k} = (k-1)\theta_{2} - (k-2)\theta_{1} + \frac{(k-1)(k-2)}{N}\pi$$

$$\downarrow k | = 0, \theta_{2} = \frac{\pi}{N} k^{2} + \left(-\frac{3\pi}{N} + \theta_{2} - \theta_{1}\right)k + \left(\frac{2\pi}{N} - \theta_{2} + 2\theta_{1}\right) \cdots (1)$$

$$\theta_{k} = \frac{(k-1)^{2}}{N}\pi = \frac{\pi}{N}k^{2} - 2 \cdot \frac{\pi}{N}k + \frac{\pi}{N} \cdots (2)$$

$$(1) \geq 2 \times K$$

$$\theta_{1} = 0, \theta_{2} = \frac{\pi}{N}$$

$$\theta_{1} \geq \theta_{2} | = 2 \times \frac{\pi}{N} = \frac{\pi}{N}k^{2} + \frac{\pi}{N} + \frac{\pi}{N} = \frac{\pi}{N}k^{2} + \frac{\pi}{N} = \frac{\pi}{N}k^{2} + \frac{\pi}{N} + \frac{\pi}{N} + \frac{\pi}{N} = \frac{\pi}{N}k^{2} + \frac{\pi}{N}k^{2} + \frac{\pi}{N} +$$

### 初期位相設定式の統一

Narahashi位相の基本式: 
$$\theta_k = (k-1)\theta_2 - (k-2)\theta_1 + \frac{(k-1)(k-2)}{N}\pi$$
  
 $\theta_1 = 0, \theta_2 = \frac{\pi}{N}$  Newman位相:  $\theta_k = \frac{(k-1)^2}{N}\pi$   
 $\theta_1 = \frac{2\pi}{N}, \theta_2 = \frac{6\pi}{N}$  Kitayoshi位相:  $\theta_k = \frac{\pi}{N}k(k+1)$   
 $\theta_1 = 0, \theta_2 = \frac{2\pi}{N}$  Schroeder位相:  $\theta_k = \frac{\pi}{N}k(k-1)$ 

位相式の違い =  $heta_1 \ge heta_2$ の設定値のみ  $\longleftarrow$  CF低減効果の類似性

### OUTLINE

- 研究背景
- マルチトーン信号について
- ・クレストファクタ低減アルゴリズム
- アルゴリズムの統一
- クレストファクタ制御方式
- まとめ

## 広帯域無線通信のテスト

#### 無線通信で使用される周波数帯域:拡大

例)5G:400MHz WiGig:2GHz







回路設計においてOFDM方式の伝送特性の把握が重要

従来方式





テストコスト: 増大

提案方式

#### クレストファクタ(CF)制御:

### CFを<mark>所望の値</mark>に調節したマルチトーン信号を生成 例)5G:およそ11dB



無線通信デバイス用のテスト信号として使用



- 1度に広帯域を測定可能
- 信号生成が簡単



実用に近い試験が可能

クレストファクタ制御方式





# Cの変動範囲とクレストファクタの関係



 $1.0 \sim 50.0$  :  $4.5 \sim 18 dB \rightarrow 13.5 dB$  $1.0 \sim 100.0$  :  $4.5 \sim 21 dB \rightarrow 16.5 dB$ 

Cの変動範囲:広 → クレストファクタの変動範囲:広

Cの刻み幅とクレストファクタの関係

34/63

Cの変動範囲:1.0~100.0



6~10dB: クレストファクタの分解能が高い

Cの刻み幅とクレストファクタの関係

Cの変動範囲:1.0~100.0




#### 6.5dB以下の拡大図



#### 6.5dB以下の拡大図



Cの刻み幅とクレストファクタの関係

#### Cの変動範囲:1.0~100.0



#### 10dB以上の拡大図



## 10dB以上の拡大図



#### 10dB以上の拡大図













フィボナッチマルチトーン信号



初期位相が極座標平面にまんべんなく現れるように設定



フィボナッチ数列 / 黄金比を初期位相に利用

48/63 フィボナッチ / 黄金比 マルチトーン信号



クレストファクタ変動範囲 比較



Newman : 4.5 ~ 21dB  $\rightarrow$  16.5dB

フィボナッチ / 黄金比 : 10 ~ 15dB → 5.0dB



# フィボナッチ位相

-0.4

-0.6 -0.8 -1

0

1000

2000

3000

4000

TIME



-0.5

-1

-0.5

0.5

5000

7000

6000

8000



CF = 10.1[dB]

# Newman位相とフィボナッチ位相



# Newman位相とフィボナッチ位相



# Newman位相とフィボナッチ位相



# Newman位相のスペクトログラム



# Newman位相のスペクトログラム



# Newman位相のスペクトログラム



フィボナッチ位相のスペクトログラム



フィボナッチ位相のスペクトログラム



波形品質とスペクトログラムの関係



#### > CF低減アルゴリズム

- アルゴリズムで高精度なテスト信号を生成できることを示した
- 4つの初期位相設定式を統一した

#### ≻ CF制御方式

- 4.5 ~ 21dBのCFをもつマルチトーン信号を生成できた
- 周波数局在性が波形品質に影響することを明らかにした



#### 研究実績

学術論文誌および研究発表

[1] 八田朱実、杜 遠洋、柴崎有祈子、浅見幸司、久保和良、桑名杏奈、小林春夫 「余弦波マルチトーン信号、正弦波マルチトーン信号の性質と工学設計への応用」 第8回 電気学会東京支部栃木・群馬支所 合同研究発表会 (2018年3月1日,2日)

[2] 栗原 圭汰, 柴崎有祈子、小林春夫 「リング発振回路の周波数・位相引き込み現象の研究」 第8回 電気学会東京支部栃木・群馬支所 合同研究発表会 (2018年3月1日,2日)

[3] Yukiko Shibasaki, Koji Asami, Anna Kuwana, Du Yuanyang, Akemi Hatta, Kazuyoshi Kubo and Haruo Kobayashi "Study on Multi-Tone Signals for Design and Testing of Linear Circuits and Systems", 2nd International Conference on Technology and Social Science (ICTSS2018), Kiryu, Japan (April 18-20, 2018).

[4] 柴崎有祈子、浅見幸司、桑名杏奈、杜遠洋、八田朱実、久保和良、小林春夫 「アナログ/ミクストシグナルIC試験用マルチトーン信号の検討」 第79回FTC研究会 栃木喜連川 (2018年7月20日)

[5] 柴崎有祈子、浅見幸司、桑名杏奈、杜遠洋、八田朱実、久保和良、小林春夫 「アナログ集積回路の設計試験用マルチトーン信号生成アルゴリズム」 第70回システムLSI合同ゼミ、東京工業大学(大岡山) (2018年10月27日)

[6] Mayu Hirano, Nene Kushita, Yoichi Moroshima, Hiromichi Harakawa, Takeshi Oikawa, Nobukazu Tsukiji, Takashi Ida, Yukiko Shibasaki, Haruo Kobayashi,

"Silicon Verification of Improved Nagata Current Mirrors",

IEEE 14th International Conference on Solid-State and Integrated Circuit Technology, Qingdao, China (Nov. 2018).

[7] Takashi Ida, Nobukazu Tsukiji, Yukiko Shibasaki, Anna Kuwana, Haruo Kobayashi,

"MOS Reference Current Source Insensitive to Temperature Variation",

International Conference on Mechanical, Electrical and Medical Intelligent System 2018 (ICMEMIS2018), Kiryu, Japan (Nov. 4-5, 2018).



[8] Yukiko Shibasaki, Mayu Hirano, Nene Kushita, Yoichi Moroshima, Hiromichi Harakawa, Takashi Oikawa, Nobukazu Tsukiji, Takashi Ida and Haruo Kobayashi Gunma University, ASO Corp. Tokyo, Japan

"Experimental Verification of Improved Nagata Current Mirrors",

5th International Symposium of Gunma University Medical Innovation and 9th International Conference on Advanced Micro-Device Engineering, Kiryu City Performing Art Center (Dec. 6, 2018).

[9]Yukiko Shibasaki, Koji Asami, Anna Kuwana, Kosuke Machida, Yuanyang Du, Akemi Hatta, Kazuyoshi Kubo and Haruo Kobayashi "Study on Multi-tone Signals for Analog/Mixed-Signal IC Testing",

5th International Symposium of Gunma University Medical Innovation and 9th International Conference on Advanced Micro-Device Engineering, Kiryu City Performing Art Center (Dec. 6, 2018).

[10]柴崎有祈子、浅見幸司、桑名杏奈、町田恒介、杜遠洋、八田朱実、久保和良、小林春夫、 「アナログ回路の短時間・高品質試験用マルチトーン信号の検討」 電気学会 電子回路研究会、東京 (2018年12月)

[11]Yudai Abe, Takashi Ida, Jun-ichi Matsuda, Yukiko Shibasaki, Anna Kuwana, Haruo Kobayashi, Akio Iwabuchi "IGBT Driver Design Using Multiple Peak Current Mirror Circuit", 3rd International Conference on Technology and Social Science (ICTSS2019), Kiryu, Japan (May 8-10, 2019).

[12]阿部優大, 井田貴士, 築地伸和, 柴崎有祈子, 桑名杏奈, 小林春夫, 鈴木彰, 轟祐吉, 柿木利彦, 小野信任, 三浦一広, 「温度変動に依存しないMOS定電流源の検討」 電子情報通信学会集積回路研究専門委員会, LSIとシステムのワークショップ2019, 東京大学 生産技術研究所 (2019年5月13日)

[13]Akira Suzuki, Yukichi Todoroki, Tomoyuki Kato, Masanori Kusano, Nobuto Ono, Kazuhiro Miura, Kazuyuki Kawauchi (Jedat,Inc., Tokyo, Japan), Takashi Ida, Yudai Abe, Yukiko Shibasaki, Anna Kuwana, Haruo Kobayashi (Gunma Univ., Japan) "Practical Cell Based Analog Design Methodology II (AnaCell)", Designer/IP Track at 56th Design Automation Conference, Las Vegas, NV (June 2019).

[14]Takashi Hosono, Nene Kushita, Yukiko Shibasaki, Takashi Ida, Mayu Hirano, Nobukazu Tsukiji Anna Kuwana, Haruo Kobayashi (Gunma Univ.), Yoichi Moroshima, Hiromichi Harakawa, Takeshi Oikawa (ASO)

"Improved Nagata Current Mirror Insensitive to Temperature as well as Supply Voltage",

5th Taiwan and Japan Conference on Circuits and Systems (TJCAS 2019 at Nikko), Nikko, Tochigi, Japan, (August 19-21, 2019).

[15]Yudai Abe, Takashi Ida, Jun-ichi Matsuda, Yukiko Shibasaki, Anna Kuwana, Haruo Kobayashi (Gunma Univ.), Akio Iwabuchi (Sanken Electric Co. Ltd.)

"IGBT Gate Driver Circuit with Power Loss Reduction by Current Source Control",

5th Taiwan and Japan Conference on Circuits and Systems (TJCAS 2019 at Nikko), Nikko, Tochigi, Japan (August 19-21, 2019).

[16]Souma Yamamoto, Isam Ebisawa kuswan, Yudai Abe, Takashi Ida, Yukiko Shibasaki, Anna Kuwana, Haruo Kobayashi (Gunma Univ.), Akira Suzuki, Yukichi Todoroki, Toshihiko Kakigi, Nobuto Ono, Kazuhiro Miura (JEDAT)
"Stability Analysis of Temperature-Insensitive MOS Reference Current Source Circuit",
5th Taiwan and Japan Conference on Circuits and Systems (TJCAS 2019 at Nikko), Nikko, Tochigi, Japan (August 19-21, 2019).

[17]Yukiko Shibasaki, Koji Asami, Anna Kuwana, Kosuke Machida, Yuanyang Du, Akemi Hatta (Gunma Univ.), Kazuyoshi Kubo (NIT(KOSEN), Oyama College), Haruo Kobayashi (Gunma Univ.)

"Study on Multi-tone Signals for RF/Analog/Mixed-Signal IC Testing",

5th Taiwan and Japan Conference on Circuits and Systems (TJCAS 2019 at Nikko), Nikko, Tochigi, Japan (August 19-21, 2019).

[18]Isam Ebisawa Kuswan, Souma Yamamoto, Yudai Abe, Takashi Ida, Yukiko Shibasaki, Anna Kuwana, Haruo Kobayashi (Gunma Univ.), Akira Suzuki, Yukichi Todoroki, Toshihiko Kakinoki, Nobuto Ono, Kazuhiro Miura (JEDAT)

"Temperature-Insensitive MOS Reference Current Source Circuit and its Startup Circuit",

International Conference on Mechanical, Electrical and Medical Intelligent System 2019 (ICMEMIS2019), Kiryu, Japan (Dec 4-6, 2019).

[19]Yukiko Shibasaki, Koji Asami, Anna Kuwana, Kosuke Machida, Yuanyang Du, Akemi Hatta, Kazuyoshi Kubo and Haruo Kobayashi, "Crest Factor Controlled Multi-Tone Signals for Analog/Mixed-Signal IC Testing" 3rd International Test Conference in Asia, Tokyo (Sept. 2019).

[20]山本颯馬, Isam Ebisawa Kuswan, 阿部優大, 柴崎有祈子, 井田貴士, 築地伸和, 桑名杏奈, 小林春夫, 鈴木彰, 轟祐吉, 柿木利彦, 小野信任, 三浦一広 「温度に依存しないMOS定電流源の安定性解析とスタートアップ回路」 電気学会 電子回路研究会, 日本大学 理工学部 駿河台校舎タワー・スコラ (2019年12月19日)

[21]細野 貴司, 平野繭, 井田貴士, 串田弥音, 柴崎有祈子, 築地伸和, 諸島洋一, 原川弘道, 及川武士, 桑名杏奈, 小林春夫 「温度及び電源電圧に依存しない改良永田穣電流ミラー回路」 電気学会 電子回路研究会, 日本大学 理工学部 駿河台校舎タワー・スコラ (2019年12月19日)

#### ≻ CF低減アルゴリズム

• 周波数間隔が等間隔でないマルチトーン信号のCF低減

#### ≻ CF制御方式

- CFが5.5dB以下、16dB以上の分解能を高める
- CFが高くなっても波形品質が劣化しない手法の開発
- 各種パラメータとCF変動の関係を示す理論式の導出











## 相互変調歪(IMD)の問題



各トーン信号の振幅





## Narahashi phase $\theta_k$ の導出

$$(\theta_{k+1} - \theta_k) - (\theta_k - \theta_{k-1}) = \frac{2\pi}{N-1} \cdots (1)$$

$$\begin{aligned} \theta_{k+1} &- \theta_k = \Psi_k \quad (1 \le k \le N - 1) \cdots 2 \\ \theta_k &= \theta_1 + \sum_{i=1}^{k-1} \Psi_i \quad (2 \le k \le N) \cdots 3 \end{aligned}$$

$$\Psi_k - \Psi_{k-1} = \frac{2\pi}{N-1} \quad (2 \le k \le N-1) \quad \Rightarrow \quad \Psi_i = \Psi_1 + \frac{2\pi}{N-1}(i-1) \quad (1 \le i \le N-1)$$

これを③に代入すると  

$$\theta_k = \theta_1 + \sum_{i=1}^{k-1} \left\{ \Psi_1 + \frac{2\pi}{N-1} (i-1) \right\}$$
  
 $= \theta_1 + (k-1)\Psi_1 + \frac{2\pi}{N-1} \sum_{i=1}^{k-1} (i-1) = (k-1)\theta_2 - (k-2)\theta_1 + \frac{(k-1)(k-2)}{N-1} \pi$
### 分母がN-1とNで異なる



#### Narahashi位相 N=6





### Narahashi と Kitayoshi の違い



$$\theta_k = \frac{\pi}{N}k^2 + \left(-\frac{3\pi}{N} + \theta_2 - \theta_1\right)k + \left(\frac{2\pi}{N} - \theta_2 + 2\theta_1\right)$$
$$\theta_1 = \frac{2\pi}{N}, \theta_2 = \frac{6\pi}{N}$$
$$\theta_k = \frac{\pi}{N}k(k+1) = \frac{\pi}{N}k^2 + \frac{\pi}{N}k + 0$$

### Narahashiと Schroeder の違い



$$\theta_k = \frac{\pi}{N}k^2 + \left(-\frac{3\pi}{N} + \theta_2 - \theta_1\right)k + \left(\frac{2\pi}{N} - \theta_2 + 2\theta_1\right)$$
$$\theta_1 = 0, \theta_2 = \frac{2\pi}{N}$$
$$\theta_k = \frac{\pi}{N}k(k-1) = \frac{\pi}{N}k^2 - \frac{\pi}{N}k + 0$$

## Newman位相のスペクトログラム



76/63

77/63

課題



### 時間軸波形並び替え

#### 1倍 CF = 4.4650[dB]







#### 3倍 CF = 4.4650[dB]







# Q&A (1)

• 本島先生

Q:マルチトーン信号は、標本化定理を満たしていれば、 問題なく使用できるのか。1024ものトーン数を使用する 場合に、初期位相のずれにより、問題が生じる可能性も あるのではないか。

A:検証を行ったわけではないが、マルチトーン信号での テストは、一般的に用いられている手法であるため、問 題ないと考えている。

Q:初期位相式の共通性を見つけたのはオリジナルか。 A:オリジナルです。

## Q&A (2)

- 石田先生
- Q: 乱数位相のシミュレーションにおいて、乱数生成は 一度のみか。
- A:一度しか生成していない。
- コメント:何度か乱数を作って平均を取れば、理論通り CFが $\sqrt{logN}$ に比例すると思う。

コメント:CF制御したマルチトーン信号が、IMDや ACLRを従来方法と同様の精度(問題のない精度)が あるかを確認する必要がある

### コメント:

Newman位相のCF制御において、CFが大きくなると 波形品質が悪くなるとあるが、何をもって悪いとするか は場合による。

フィボナッチ位相はCFの変動範囲が狭いが、波形が ランダムノイズのようになるので、Newman位相のも のとは別の使い道があるかもしれない。